



Chaire Galaxies et Cosmologie

Couplage des structures et du secteur sombre



Françoise Combes



Laboratoire d'Étude du Rayonnement et de la Matière en Astrophysique

Relation grandes structures – énergie noire

L'univers: homogène et isotrope au début Les grandes structures aujourd'hui très contrastées Effet sur la dynamique de l'espace-temps? → « back-reaction » Densité moyenne pour calculer la métrique Non commutativité, équations d'Einstein non-linéaires

Les amas de galaxies comme des tests cosmologiques En plus des BAO, des lentilles gravitationnelles Règle standard et mesure de la distance Fraction universelle de baryons

Taux de croissance des structures, affectée par la domination progressive de l'énergie noire Test de gravité modifiée

Principe de Copernic

Hypothèse quasi philosophique que notre Univers est homogène et isotrope

Une des meilleures confirmation: le fonds micro-onde









Amas et superamas proches



Densité des structures dans l'Univers

Système solaire 10⁻¹² g/cm³

Voie Lactée 10⁻²⁴ g/cm³

Groupe Local 10⁻²⁸ g/cm³

Amas de galaxies 10⁻²⁹ g/cm³

Superamas 10⁻³⁰ g/cm³



Densité des photons (3K) 10^{-34} g/cm³ Densité des baryons (Ω_b) 5 10^{-31} g/cm³ Densité critique (Ω =1) 10^{-29} g/cm³

 $\delta \rho / \rho \sim 10^{30}$ sur Terre!



Lissage des inhomogénéités

Le lissage des inhomogenéités modifie considérablement la structure des équations d'Einstein, qui sont non-linéaires Les deux opérations ne commutent pas $G_{\mu\nu} = 8\pi G T_{\mu\nu}$

Résoudre les équations puis lisser, \neq **lisser puis résoudre les équations**

Les inhomogenéités introduisent alors une réaction par rapport au lissage, un terme **de "back-reaction"** dans le côté droit de l'équation Il n'y a pas de raison que le tenseur énergie-impulsion $T\mu\nu$ effectif avec la back-reaction, remplisse les conditions habituelles P>-p/3, *même si le Tµv originel les vérifient*

Le lissage est utile pour éviter les singularités.

Le terme de back-reaction pourrait conduire à une **expansion accélérée** Même à partir d'un fluide avec pression positive ou nulle

$$rac{\ddot{a}}{a}=-rac{4\pi G}{3}\left(
ho+rac{3p}{c^2}
ight)$$

Accélération due aux inhomogénéités

Modèle inhomogène Modèle homogène $a_h^3 \propto V_h$ $H_h = \dot{a}_h / a_h$ $\rho_h = \left\langle \rho_i \left(\vec{x} \right) \right\rangle \Longrightarrow H_h = H_i ?$

Peut-être, ou peut-être pas!

Le principe des inhomogénéités

•Friedmann–Lemaître–Robertson–Walker Modèle inhomogène

$$G_{\mu\nu}(\vec{x},t) = G_{\mu\nu}^{\text{FLRW}}(t) + \delta G_{\mu\nu}(\vec{x},t)$$

$$G_{00}^{\text{FLRW}}(t) + \delta G_{00}(\vec{x},t) = 8\pi G T_{00}(\vec{x},t)$$

$$\left(\frac{\dot{a}}{a}\right)^{2} = \frac{8\pi G}{3} \left[\langle \rho \rangle - \frac{3}{8\pi G} \langle \delta G_{00} \rangle \right]$$

$$< \frac{a}{a} > \text{domaine} = -4\pi \text{G}/3 \left(\rho_{\text{eff}} + 3P_{\text{eff}}\right)$$

Kolb, et al 2006, 2011 Buchert, 2000, 05, 07



Modèle homogène, plat Einstein-deSitter P~0

$$\frac{\ddot{a}}{a} = -\frac{4\pi G}{3}\rho$$
$$H^{2} = \left(\frac{\dot{a}}{a}\right)^{2} = \frac{8\pi G}{3}\rho$$
$$\dot{\rho} = -3\frac{\dot{a}}{a}\rho$$

Moyenne à grande échelle

• Moyenne sur un grand volume V_D:

$$a_D = (V_D / V_{D0})^{1/3}$$
 $V_D = \int_D d^3 x \sqrt{h}$

• Constante de Hubble correspondante:

$$H_D = \frac{\dot{a}_D}{a_D} = \frac{1}{3} \langle \Theta \rangle_D$$

• Equations d'évolution effective:

$$\frac{\ddot{a}_{D}}{a_{D}} = -\frac{4\pi G}{3} \left(\rho_{\text{eff}} + 3p_{\text{eff}} \right) \qquad \rho_{\text{eff}} = \left\langle \rho \right\rangle_{D} - \frac{Q_{D}}{16\pi G} - \frac{\left\langle R \right\rangle_{D}}{16\pi G} \qquad \begin{array}{l} \text{Différent de} \\ \text{l'équation d'état} \\ p = w \ \rho \end{array}$$

$$\left(\frac{\dot{a}_{D}}{a_{D}}\right)^{2} = \frac{8\pi G}{3} \ \rho_{\text{eff}} \qquad 3p_{\text{eff}} = -\frac{3Q_{D}}{16\pi G} + \frac{\left\langle R \right\rangle_{D}}{16\pi G} \qquad p = w \ \rho \end{array}$$

• Rétro-action (backreaction): $Q_D = \frac{2}{3} \left(\left\langle \Theta^2 \right\rangle_D - \left\langle \Theta \right\rangle_D^2 \right) - 2 \left\langle \sigma^2 \right\rangle_D$



Avantage des inhomogénéités

• Pas besoin de rajouter de 5ème force!

Pas besoin de modifier la gravité, la relativité générale
Pas besoin de dimensions supplémentaires

•Explique que l'énergie noire ne soit sensible que maintenant
•(5Gyr), car le contraste des structures se développe avec le temps
• → Négligeable à T~400 000 ans

Magique? Encore faut-il une preuve que δρ/ρ soit suffisant
Modifie le mode zéro, et le facteur d'échelle

Perturbations plus grandes que l'horizon

• La plus grande perturbation observable à l'échelle du rayon de Hubble aujourd'hui



Modèle « jouet » de Nambu-Tanimoto (2005)

- La base: univers plat de LTB Lemaître-Tolman-Bondi, solution des équations d'Einstein
- Contient une région de courbure positive ($\rho > \rho_c$), et une négative
- Lorsque la région dense s'effondre, alors en moyenne l'expansion de l'ensemble s'accélère



Estimation de Green & Wald

$$G_{\mu
u} = R_{\mu
u} - rac{1}{2}g_{\mu
u}R_{\mu
u}$$
 $G_{\mu
u} = 8\pi G/c^4 T_{\mu
u}$

- Green & Wald, 2011, 13, 16: introduction d'une méthode de calcul
- Avec des hypothèses: $g_{\mu\nu} = g_{\mu\nu}^{(0)} + \gamma_{\mu\nu}$

 $\gamma_{\mu\nu} \ll 1$, mais pas les dérivées $g_{\mu\nu}^{(0)}$ n'est pas solution des équations d'Einstein -- Courbure de $g_{\mu\nu}$ à l'échelle R de Hubble

Inhomogénéités sur L << R(Hubble)
Moyenne sur des échelles L << D << R
→ back reaction: variations de l'ordre de 1%
Toujours positives, tenseur à trace nulle



Justification: les perturbations ne sont pas loin d'être Newtoniennes (v non relativistes), avec équations linéaires, sauf au voisinage de trous noirs. *Vrai pour Einstein, mais pas pour f(R)*

Mais une métrique de fond « lisse » ...

Le calcul sans approximation (θ expansion σ cisaillement)

$$a_D(t) \propto V_D(t)^{1/3}, \quad \langle \rho \rangle_D = \frac{\langle \rho(t_1) \rangle}{a_D^3} = \frac{M_D}{V_D}, \quad Q_D \equiv \frac{2}{3} \langle \left(\theta - \langle \theta \rangle_D\right)^2 \rangle - 2 \langle \sigma^2 \rangle_D$$

Montre un terme à trace non-nulle

$$\frac{\ddot{a}_{D}}{a_{D}} = -\frac{4\pi G}{3} \left(\rho_{\text{eff}} + 3p_{\text{eff}}\right) \qquad \rho_{\text{eff}} = \left\langle\rho\right\rangle_{D} - \frac{Q_{D}}{16\pi G} - \frac{\left\langle R\right\rangle_{D}}{16\pi G}$$

Les équations sont indéterminées. Quelle est la dépendance en temps de Q_D ?

 Q_D peut-il devenir assez grand pour accélérer l'expansion? Problèmes dès que l'effondrement des structures forment des caustiques

Les vides sont importants et doivent être pris en compte

Buchert et al 2015, Kolb et al 2016

Calculs de Bardeen et al (2007)

Même dans le modèle « jouet » de Nambu-Tanimoto (2005) Les contrastes de densité donnent lieu à des caustiques Toute la masse se retrouve dans une coquille (LTB non valide) Décélération moindre, mais pas d'accélération



En résumé

► Les perturbations au-delà de l'horizon: pas d'accélération

► Les inhomogénéités à petite échelle pourrait "renormaliser" la grande échelle → accélération en moyenne (ρ +3P <0)

- Le lissage des perturbations en dessous de l'horizon pose problème, et doit être effectué proprement
- ► Dans un référentiel comobile avec le flot de matière → sinon résultats non fiables
- Un effet qui doit être quantifié, même s'il n'explique pas l'énergie noire
- → Le débat reste ouvert !

Clarkson et al 2011





Des tests sont possibles

Mesure des distances

$$d_L(z) = \frac{c(1+z)}{H_0\sqrt{-\Omega_k}} \sin\left(\sqrt{-\Omega_k} \int_0^z \mathrm{d}z' \frac{H_0}{H(z')}\right)$$

Courbure des géodésiques / Expansion Courbure et distance couplées en standard, non en LTB Aussi Ω k indépendant de z

→ Tests sur les mesures de BAO, Supernovae, surveys SDSS





Une perturbation simple



Perturbations multiples



Oscillations attendues



BAO: oscillations baryoniques



 $c \Delta z/H = \Delta \theta D$

➔ Possibilité de déterminer H(z)

BAO radiales: dr = (c/H)dzDans le plan du ciel: $dr = D_A d\theta$

Mieux que le fonds micro-onde 3D au lieu de 2D!

$$\varepsilon = \frac{\Delta x_{\parallel}}{\Delta x_{\perp}} \propto \frac{1}{D_A(z)H(z)}$$

Alcock & Paczynski (1979) Test de la **cste cosmologique**

Peut tester le biais b Ou $\beta = \Omega_m^{5/9}/b$

Spectre de puissance des fluctuations de matière



Spectre de puissance linéaire



Univers dominé par les vides

Amas de galaxies, 3- 15 Mpc, + réseau de filaments et surfaces comme des "murs" qui entourent les vides

L'Univers est dominé par les vides (60–80%) en volume, avec une distribution et une échelle caractéristique (40% du volume total)

Vides ~40 Mpc, contraste de densité $\delta \rho / \rho \sim -0.94$

L'échelle d'homogénéité statistique est de 100 -150 Mpc Aux échelles supérieures, le contraste $\delta \rho / \rho < 0.4$

Les perturbations initiales sont amplifiées par les ondes acoustiques L'échelle d'homogénéité statistique est proche de celle des BAO

→Les BAO peuvent être traitées dans le régime linéaire

Tests des modèles de backreaction

En dessous de cette échelle, il peut y avoir des expansions différentielles dues aux inhomogénéités T_0



$$T' = \frac{T_0}{\gamma(1 - (v/c)\cos\theta')}$$

Vitesse du Groupe Local-CMB = 645 km/s Vsoleil-LG= 318km/s →Dipole de 3.31 mK

Détermination des vitesses particulières Vpec= $cz - H_0 r$

$$\mathbf{v}(\mathbf{r}) = \frac{H_0 \Omega_{M0}^{0.55}}{4\pi} \int \mathrm{d}^3 \mathbf{r}' \, \delta_m(\mathbf{r}') \, \frac{(\mathbf{r}' - \mathbf{r})}{|\mathbf{r}' - \mathbf{r}|^3}$$

Flots cosmiques locaux

Vitesses particulières: atteindre le potentiel sous-jacent Vpec= cz –H₀ r Ω_b , Ω_{DM} , Λ



Indicateurs de Distance

- Tully-Fisher
- Branche des géantes rouges (Tip)
- Fluctuations de la brillance de surface
- Plan Fondamental
- Cepheides

La cause du dipôle

Pas encore complètement élucidée



Lavaux et al 2010



Reste encore une inconnue

$$H(z) = H_0 \sqrt{\Omega_{\rm m}(1+z)^3 + \Omega_k(1+z)^2 + \Omega_\Lambda}$$



Lavaux et al 2008



E06 Erdogdu et al 2006

Bilicki et al 2011

Simulations de l'Univers proche

Les SNIa proches donnent une valeur de H₀ différente Elles suivent le dipôle, et sont donc biaisées+ Vitesses divergentes autour de Virgo, boost H₀ $\rightarrow \Delta H_0=1.76$ km/s/Mpc



Flot cosmique résiduel ~200km/s

Malgré l'augmentation du nombre de galaxies, vitesse résiduelle toujours inexpliquée



Nous sommes au bord d'un superamas

Contient les super-amas de la Vierge, de Hydre-Centaure, Paon-Indien Structure en train de se diluer (160Mpc, $10^{17}M_{\odot}$)



Effet Rees -Sciama

L'effet ISW tardif (dans l'Univers proche), quand il devient non-linéaire est appelé **Rees-Sciama**



En présence de Λ , les super-amas et vides voient leur contraste de densité diminuer

→Les photons micro-onde sortent plus bleus (plus énergiques) des super-amas (et le contraire des vides)

Pour connaître l'effet, il faut effectuer des simulations du parcours de la lumière dans le régime non linéaire relativiste

Algorithme de ray-tracing

Simulations expansion différentielle relativiste

L'effet des inhomogénéités est simulé exactement, sans faire l'approximation d'homogénéité

Impossible de rendre compte des observations, sans un effet non-cinématique

 $(1+z)_{obs} = (1+z)_{expHo}(1+z)_{pec}$ Ce qui n'entre pas dans les vitesses particulières v_{pec} , est appelé effet **non-cinématique**

L'expansion sous-jacente est supposée venir du modèle isotrope local, doté d'une métrique FLRW moyenne Le dipôle dans le CMB correspond à $\Delta T/T = 1.23 \ 10^{-3}$, du même ordre de grandeur de $\beta = v/c = 2.1 \ 10^{-3}$, mais il reste des résidus

Bolejko et al 2016

Simulations avec le modèle de Szekeres

L'effet des inhomogénéités (vide local, Grand attracteur) est simulé exactement, en résolvant numériquement les équations d'Einstein sur le chemin du photon → effet des anisotropies sur l'expansion *Bolejko et al 2016*





Simulations des BAO Springel et al 2005

Spectre de puissance DM et galaxies dans la région BAO (après division du spectre lineaire CDM)

Bleu: tous les points Noir: moyenne

Etat des mesures de BAO

Avec les galaxies du SDSS, $8500^{\circ 2}$, 0.2 < z < 0.7, horizon sonore rd H=96.8 \pm 3.4 km/s/Mpc Distances/rd compatibles avec Λ CDM



H à partir de la séparation Δx_{\parallel} et Δx_{\perp}

Anderson et al 2014

BAO avec la forêt Ly α

Absorbants de gaz ionisé dans les filaments cosmiques devant les quasars lointains 137 000 quasars 2.1 < z < 3.5Horizon sonore à z=2.34 : rd DA/rd 7% plus petit 0.2 $0.8 < \mu < 1.0$ DH/rd 7% plus grand 0.0 $^{2}\mathrm{Mpc}^{2}$ que LCDM -0.2Significatif à 2.5σ -0.425C1-0.6C2 $f_{\lambda} \left[10^{-17} \mathrm{ergs}^{-1} \mathrm{cm}^{-2} \mathrm{\AA}^{-1} \right]$ C3 20 -0.8Z=2.91 100 120 140 160 180 60 80 40 $r [h^{-1} \mathrm{Mpc}]$ 400 410 420 430 440 450 460 470480 Delubac et al 2015 $\lambda \,[\mathrm{nm}]$

Test des modèles de gravité modifiée



Yamamoto et al 2006

Dvali-Gabadadze-Porrati « DGP model »

Lentilles gravitationnelles

 \rightarrow La distance en fonction du redshift dépend de Λ

$$d_p\equiv \chi(z)=rac{c}{H_0}\int_{a'=1/(1+z)}^{a'=1}rac{\mathrm{d}a}{a\sqrt{\Omega_m/a-(\Omega_m+\Omega_\Lambda-1)+\Omega_\Lambda a^{-(1+3w)}}}$$

 \rightarrow Croissance des structures, dépend de Λ



 ϵ

Réduit le nombre de galaxies

Amplification des sources de fond Par augmentation de leur rayon, Conservation de la brillance de surface Reduction de la densité de sources



Récents résultats discordants?

Hildebrandt et al 2016 KIDS: $450^{\circ 2}$ cisaillement gravitationnel $S_8 \equiv \sigma_8 \sqrt{\Omega_m/0.3} = 0.745 \pm 0.039$



Comparaison de plusieurs données



Amas de galaxies et énergie noire

Les amas apportent des tests différents et complémentaires

→ Sur les distances, $f_{gas} \sim f_{bar}$ supposé universel (17%)

Sur la croissance des structures: l'énergie noire s'oppose à la gravité, et limite leur formation Etude en fonction de z

→La vitesse de croissance teste les modèles de gravité modifiée, aux très grandes échelles



Distribution self-similaire



Constance du rapport baryons/total

 $f_{gas} = \frac{M_{gas}}{M_{tot}} \qquad \begin{array}{l} M_{gas} \text{ masse de gaz X} \\ M_{tot} \text{ masse totale de l'amas de galaxies} \\ \text{Le gaz chaud est l'essentiel des baryons} \qquad f_{gal} = 0.19h^{0.5}f_{gas} \end{array}$

La fraction de baryons des amas = fraction universelle de baryons

$$f_{gas} + f_{gal} = f_{baryon} = b \frac{\Omega_b}{\Omega_m} \qquad \Omega_m = \frac{b\Omega_b}{f_{gas}(1 + 0.19h^{0.5})}$$

b est le facteur de biais, rend compte du gaz éjecté lors de la formation de l'amas

Distances mesurées pour 0.06<z<1.2 320 amas

$$f_{gas}(z) = \frac{b\Omega_b}{\Omega_m(1+0.19\sqrt{h})} \left[\frac{d_A^{ref}(z)}{d_A^{mod}(z)}\right]^{1.5}$$

$$\begin{split} M_{gas} &\propto d_A(z)^{2.5} \\ M_{tot} &\propto d_A(z) \propto V^2 \ R \end{split}$$

test combiné avec +HST+BBNS priors

Test des amas de galaxies

Emission en rayons-X de 320 amas de galaxies 0.056 < z < 1.24, kT > 3 keV avec le satellite-X Chandra

Les amas sont self-similaires Surtout les parties externes

Equation d'état de l'énergie noire $P = w \rho$

 $w = -1.010 \pm 0.030$

→ Compatible avec une constante cosmologique

Morandi & Sun 2016





Deux traceurs du gaz chaud



Flux total SZ, proportionnel $M_{gas}/D_A(z)^2$

Effet SZ détecté par Planck



44 70 100 143 217 203 545

-0.5

-1.

Avantages des amas

- Régle standard, mesure des distances avec X et SZ: précision semblable aux SNIa et BAO avec des avantages
- ➔ Physique simple, modèles et simulations
- → L'émission X s'améliore en S/N
- → f_{gas} : constrainte supplémentaire sur Ω_m
- → f_{gas} + CMB lève des dégénérescences
- → Peu de dispersion systématique dans $f_{gas}(z)$
- → X+SZ indépendants du biais b et de l'équilibre hydrostatique

Résistance à la gravité

L'énergie noire réduit le nombre et la masse des amas





Vikhlinin et al 09

Croissance des structures



Nombre d'amas en fonction du redshift



Résumé

Les grandes structures pourraient-elles contribuer à l'énergie noire? A partir de quelle échelle, l'isotropie domine et la **« back-reaction » est négligeable?**

Plusieurs tests complémentaires de l'énergie noire
Les BAO
Les lentilles faibles
Les amas de galaxies
Comme règle standard et mesure de la distance
Et se servant de la fraction universelle de baryons

➔ Taux de croissance des structures, perturbée par la domination progressive de l'énergie noire, tests de gravité modifiée