

Des modèles **bi-dimensionnels**  
aux modèles à n biens.

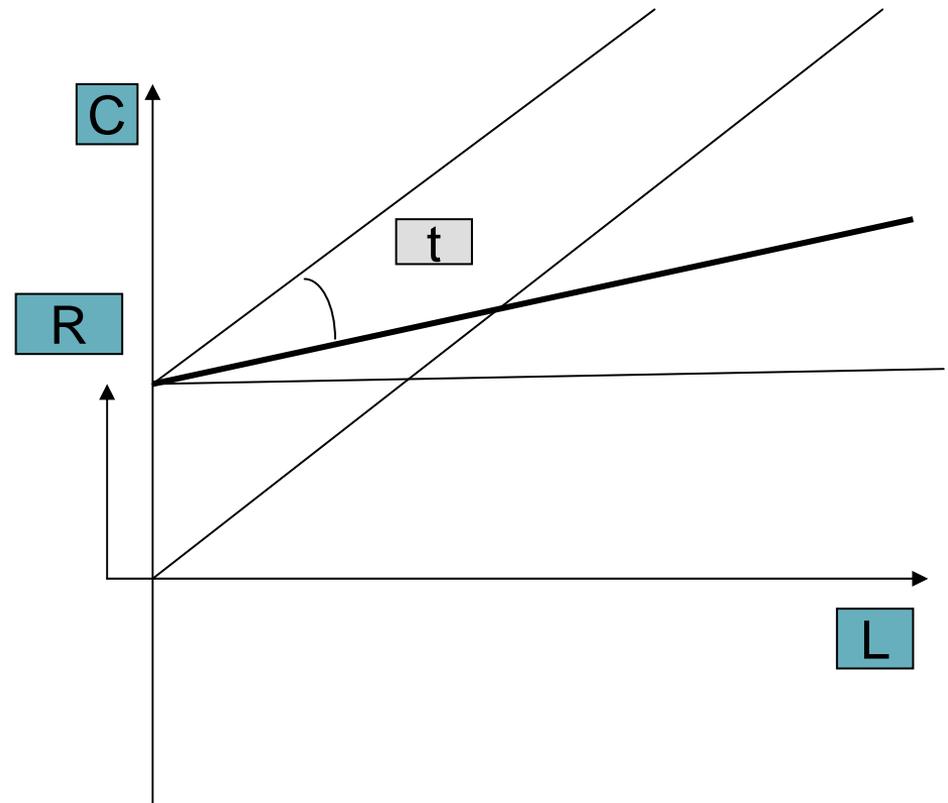
**DM et DME**

# Modèles d'équilibre général avec contraintes informationnelles.

- **Le modèle de Diamond-Mirrlees.**
  - L biens. (hors biens collectifs )
  - Fiscalité linéaire, + transfert forfaitaire uniforme....
  - Prix à la **production**,  $p$ ; à la **consommation**,  $\pi$
  - $T = \pi - p$ , bien plus taxé.
  - Secteur productif : concurrentiel  $\eta(p)$ , entreprise « publique »  $y(g)$
  - Agents,  $d(i, \pi, R)$ ,  $d(\pi, R)$ ,  $U(i, x, \cdot) / \pi \cdot x < R$
  - $d(\pi, R, \cdot) = \sum_i d(i, \pi, R)$ ,
- **L'équilibre** :  $p, \pi, R, (q)$ 
  - $d(\pi, R, \cdot) = \eta(p) + y(g)$ ,
  - Profits purs taxés, ou rdts constants. Production publique témoin...
  - Equilibre sur les marchés implique équilibre du budget de l'Etat

# Une parenthèse : le modèle de fiscalité linéaire sur le revenu

- Le modèle **DM** bi-dimensionnel.
  - 2 biens, bien cons. travail
  - Travail individuel, travail « efficace ».
- Le **barème** fiscal.
  - Tsfert forf. unif.  $>0$ , revenu min..
  - Taux marginal taxation revenu,  $t >0$ .
- La **maximisation** / recettes fiscales :
  - Elasticité d'offre de travail
    - $(dL) = (-eL dt / (1-t))$
  - $\Delta \{trav.effic\} + \Delta \{cons\}$
  - $= \Delta \{recette fiscale\} =$
  - $= L(1-te / (1-t)) (dt)$
- Maximum :
  - $[t^* / (1-t^*)] = (1/e)$
  - $t^* = 1 / (1+e)$
  - $e=1, t^*=1/2$



# L'arbitrage équité-efficacité et les distorsions- 1

## ➤ Le modèle DM : 1- réforme.

➤ Soit un équilibre,  $p, \pi, R, (q)$ ,

➤  $d(\pi, R, \cdot) = \eta(p) + y(g) \cdot \pi$ .

➤ Changeons  $d\pi$

➤  $p \cdot [\partial d / \partial \pi] d\pi \leq 0$ , / faisable

➤  $\Phi(p, \pi) \cdot d\pi \leq 0$

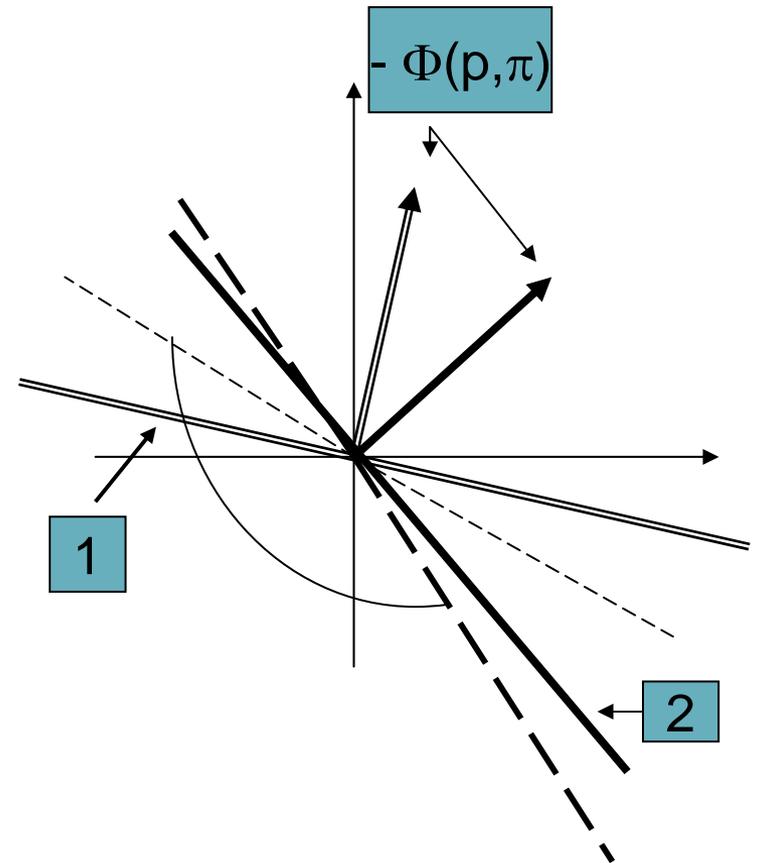
➤  $x(h) \cdot d\pi < 0$ , / souhaitable...

➤  $x(h) = D(h, \pi, R)$

## ➤ Deux Cas :

➤  $\exists$  des modifications  $\pi$ , réalisables et "*Pareto améliorants*". : 1

➤ L'état est localement, Pareto efficace (de second rang.): 2



# L'arbitrage équité-efficacité et les distorsions- 2

- Le modèle de DM : 2-l'optimum..
  - $p \cdot [\partial d / \partial \pi] = -\sum \mu(h)x(h)$ .
  - $p \cdot [\partial d / \partial \pi] = -\sum \mu(h)x(h)$ .
  - Le coût social de la baisse du prix à la consommation égale le bénéfice social :  $\mu(h)$  *valeur sociale du revenu de M.h* :
  - $p \cdot [\partial d / \partial R] = \sum \mu(h)$
- Suite du calcul.
  - $T \cdot [\partial M / \partial \pi] = \sum v(h)x(h)$ .
  - $v(h) = \mu(h) - p \cdot [\partial D(h) / \partial R]$ , *valeur sociale nette du revenu de M.h*
  - $\sum v(h) = 0$ ,
  - $v(h) = \mu(h) - 1 + T \cdot [\partial D(h) / \partial R]$ ,
- Formule de Ramsey à plusieurs personnes
  - $T \cdot [\partial M_k / \partial \pi] / x_k = \sum v(h) x_k(h) / x_k$ .
  - L'indice de "découragement" relatif du bien k égale la covariance entre la valeur sociale du revenu et des parts de consommation

# Fiscalité linéaire optimale.

$$\begin{pmatrix} (\partial M_1 / \partial \pi_1) & \partial M_1 / \partial \pi_2 & \partial M_1 / \partial \pi_3 \\ \partial M_2 / \partial \pi_1 & \partial M_2 / \partial \pi_2 & \partial M_2 / \partial \pi_3 \\ \partial M_3 / \partial \pi_1 & \partial M_3 / \partial \pi_2 & \partial M_3 / \partial \pi_3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} T_1 \\ T_2 \\ T_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \sum_h v^h x_1^h \\ \sum_h v^h x_2^h \\ \sum_h v^h x_3^h \end{pmatrix}$$

$$\left[ \frac{\partial M_1 / \partial \pi_1}{X_1} \right] T_1 + \left[ \frac{\partial M_1 / \partial \pi_2}{X_1} \right] T_2 + \left[ \frac{\partial M_1 / \partial \pi_3}{X_1} \right] T_3 = \sum_h v^h \frac{x_1^h}{X_1}$$

$$v^h = \mu^h - 1 + T \cdot \left[ \frac{\partial D^h}{\partial R} \right]$$

# Cas particulier : le modèle de fiscalité linéaire sur le revenu

## ➤ Formules gén.: spécification

- Cas effet revenu plein sur C,
- élasticité cste.
- $v(h) = \mu(h) - p \cdot [\partial D(h) / \partial R] = \mu(h) - 1$ .
- $T \cdot [\partial M / \partial \pi] = \sum (\mu(h) - 1) x(h)$ .
- $p \cdot [\partial d / \partial R] = \sum \mu(h) (=m)$

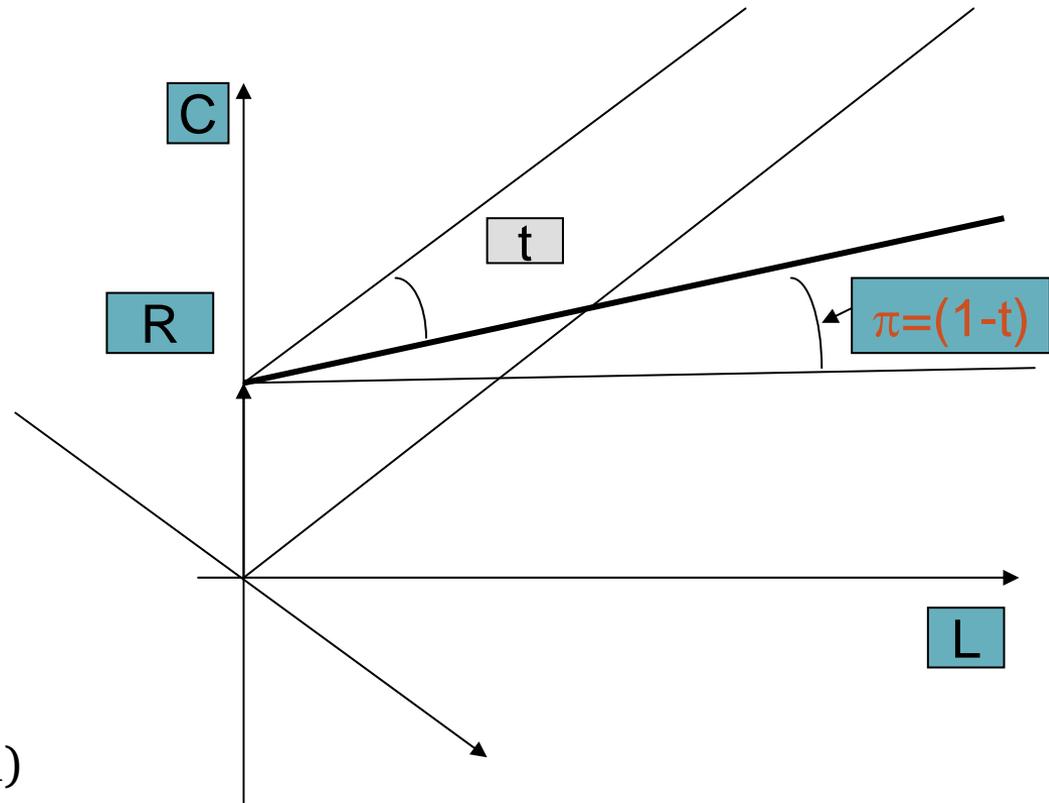
## ➤ Application :

- $t(dL/d\pi) = -t(dL/dt) = + tLe/(1-t)$
- $= - [(\mu(1)-1)L(1) + (\mu(2)-1)L(2)]$

## ➤ Cas particulier « à la Rawls? »

- agt (0), ss offre travail,
- $\mu(1) = \mu(2) = 0$ ,
- Même formule que précédemment ,
- $\mu(1)$  proche de 2,  $L(1)$  petit,
- rés. voisin.

## ➤ Economie politique avec $C-l^2$ , ( $e=1$ )



$$\left(\frac{-t}{1-t}\right)e = [\mu(1) - 1](L(1)/L) + [\mu(2) - 1](L(2)/L)$$

## De deux à **n biens**.

- **Du modèle de l'IR linéaire à Diamond-Mirrlees.**
  - Travail individuel, travail « efficace ». élasticité cte
  - n-1 biens de consommation....,
  - un bien (numéraire) concentrant les effets revenus.
  - Séparabilité de l'util. entre tous les biens
- **Les formules générales.**
  - $p \cdot [\partial d / \partial R] = \Sigma \mu(h) (=m)$
  - $v(h) = \mu(h) - p \cdot [\partial D(h) / \partial R] = \mu(h) - 1$
  - $T \cdot [\partial M / \partial \pi] = \Sigma (\mu(h) - 1) x(h).$
- **Les formules de taxes optimales.**
  - Les formules d'impôt sur le revenu idem
  - $-t e' / (1-t) = (\mu(1) - 1) [x(1) / X(1)] + (\mu(2) - 1) [x(2) / X(2)]$
  - $t < 0$ , si  $x(1) > x(2)$ , subvention des biens de première nécessité
  - et taxation des bien de luxe.
  - Si covariance positive, alors la consommation des biens est encouragée

# De Mirrlees à DME

Le modèle canonique de l'IR  
avec  $n$  biens

# Le modèle canonique : rappel.

## ➤ La logique du modèle.

- Objectif utilitariste :  $\text{Max } \Sigma \mu(h) V\{C(h), L(h), \theta(h), \eta(h)\}$
- Sachant que le voile de l'ignorance dissipé.
  - l'information sur les caractéristiques information privée
  - Le travail efficace (revenu avant impôt) est seul vérifiable
- Principe de taxation : tvr barême d'impôt sur le revenu :  $f C \leq f(L)$ .

## ➤ La détermination de l'optimum

- $\text{Max } \Sigma \mu(h) V(C(h), L(h), \theta(h), \eta(h))$
  - Contrainte d'incitation:  $\{C(h), L(h)\} = \text{ArgMax}[V(C', L', \theta(h), \eta(h)) / C' \leq f(L')]$
  - contrainte technologique  $\Sigma C(h) \leq \Sigma L(h)$
- ## ➤ Questions : Quid de $f$ ? non linéaire.
- un nombre infini de  $\theta$ ,
  - uni-dimensionnel, support compact ou non

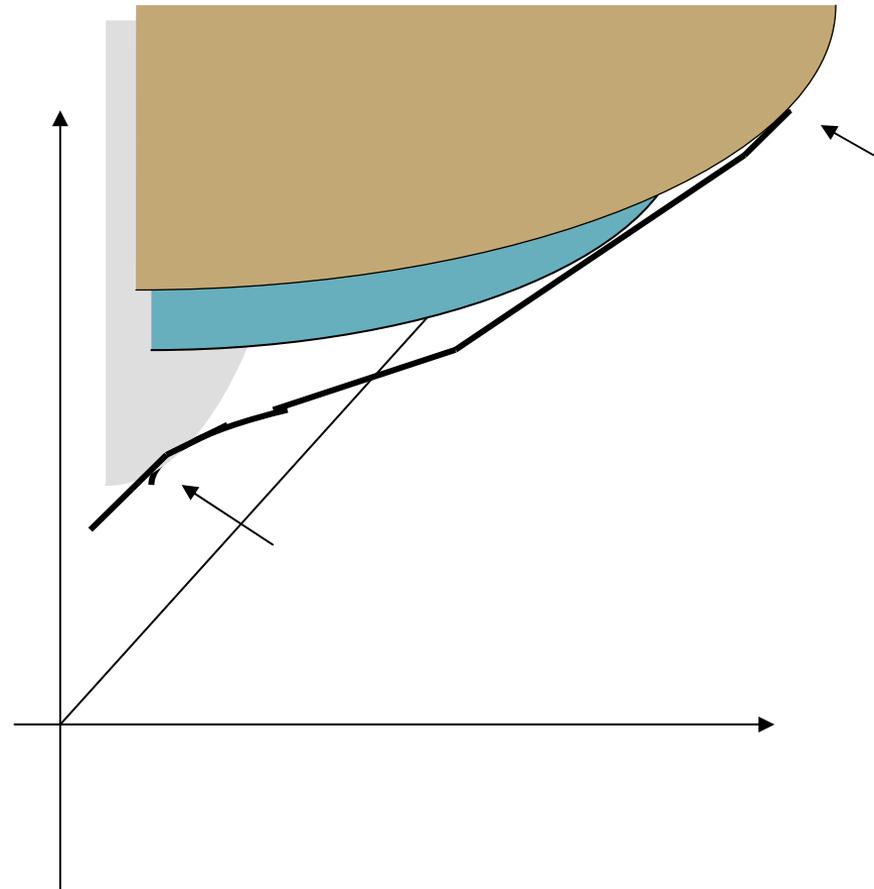
# Le modèle standard Mirrlees avec un continu de caractéristiques.

- Le cadre
  - Cdn **Spence-Mirrlees**, vraie dans le modèle stylisé..
  - Cdn redistribution vers le bas, **vér/optimum utilitariste**.
- Les propriétés de l'optimum :
  - Pas de distorsion au sommet.
    - Peu utile..
    - Tombe si support non compact
  - Le taux marginal de taxation est positif.

- Les propriétés de l'optimum

$$\left[ \frac{t}{1-t} \right] = \left[ \frac{1 - F(\theta)}{\theta} \right] \left( \frac{1}{f(\theta)} \right) \left[ 1 + \frac{1}{e} \right]$$

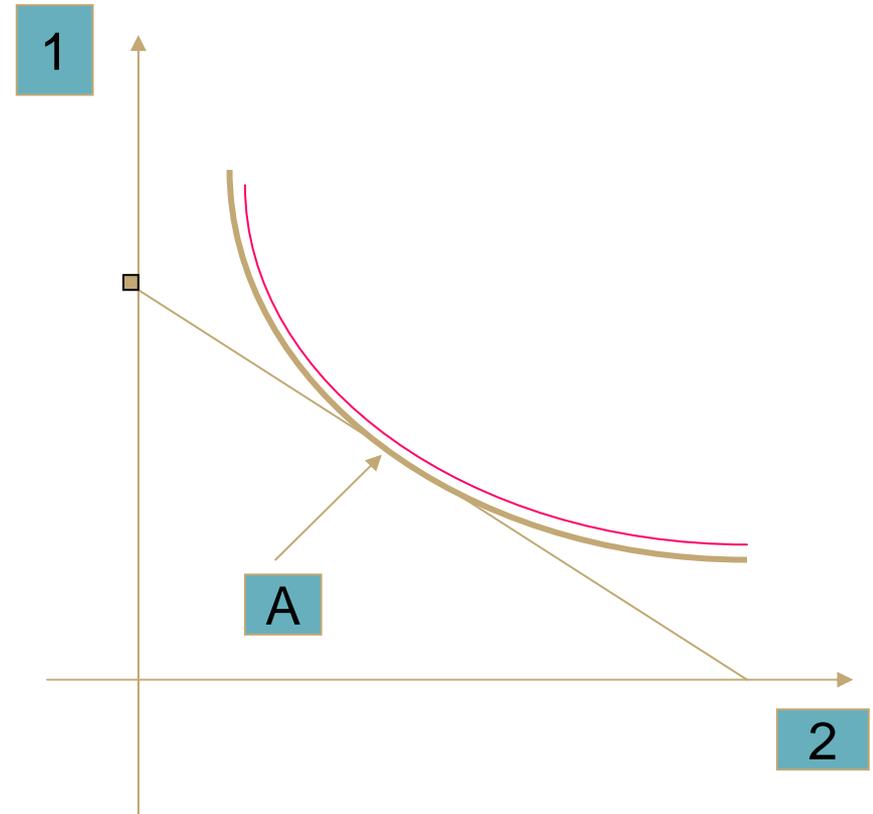
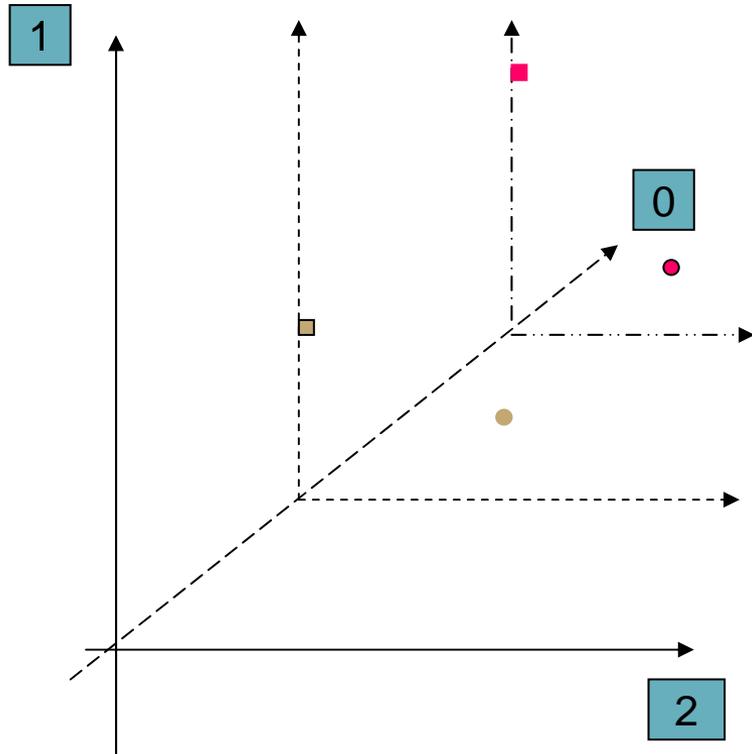
- Suggère une courbe des taux marginaux.
- 1+1/e coeff. Multiplicateur.



# Une généralisation à $n$ biens.

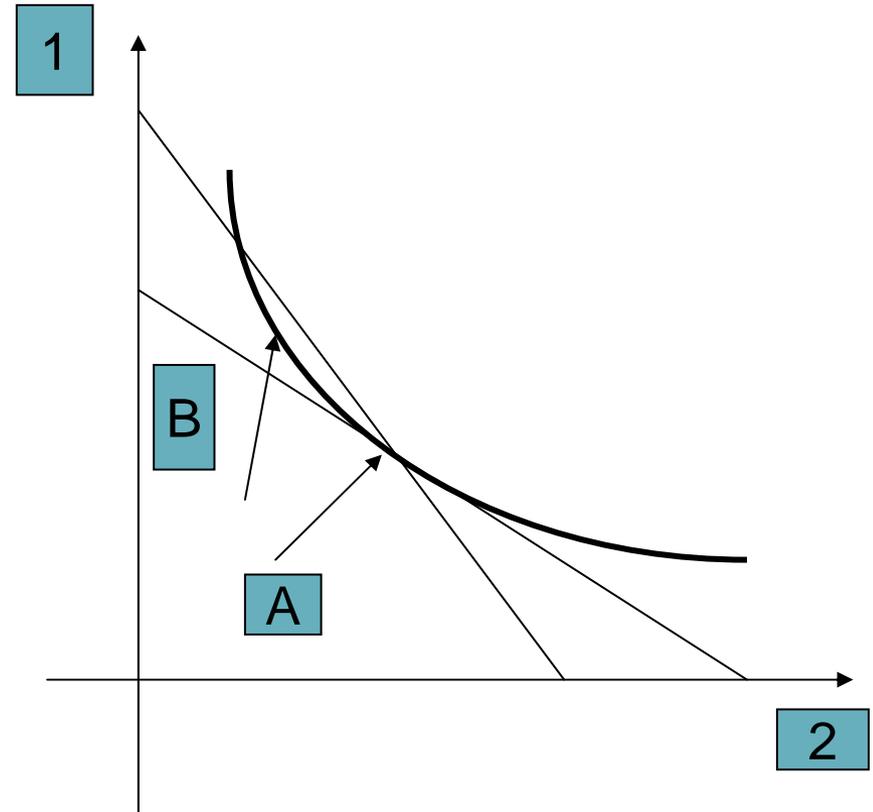
- Modèle de DME
  - Liste des biens
    - Le travail efficace, revenu observable +  $n$  biens
  - Impôt sur le revenu : non linéaire, impôt linéaire / autres biens. .
    - nbre fini de types : Impôt Revenu,  $N$  vecteurs  $RAvI$ ,  $RApI$
- L'optimum, hypothèses :
  - H1- *A l'optimum, les niveaux d'impôt sur le revenu acquittés par les différents types sont différents..*
  - H2- *Agents contraints / auto-sélection → l'agent revenu immdt <.*
    - De type Spence-Mirrlees...
  - H3- *Sont indiscernables des agents imités.*
    - Assuré par des préférences  $V((c)+w(l, ..)$
- L'optimum, conclusions.
  - Alors l'impôt sur le revenu suffit.
    - pas de taxe sur les biens.
    - Formules précédentes valables ...
- Impôt sur le revenu « uber alles ».

# La géométrie du problème



# L'argument : généralisation à $n$ biens.

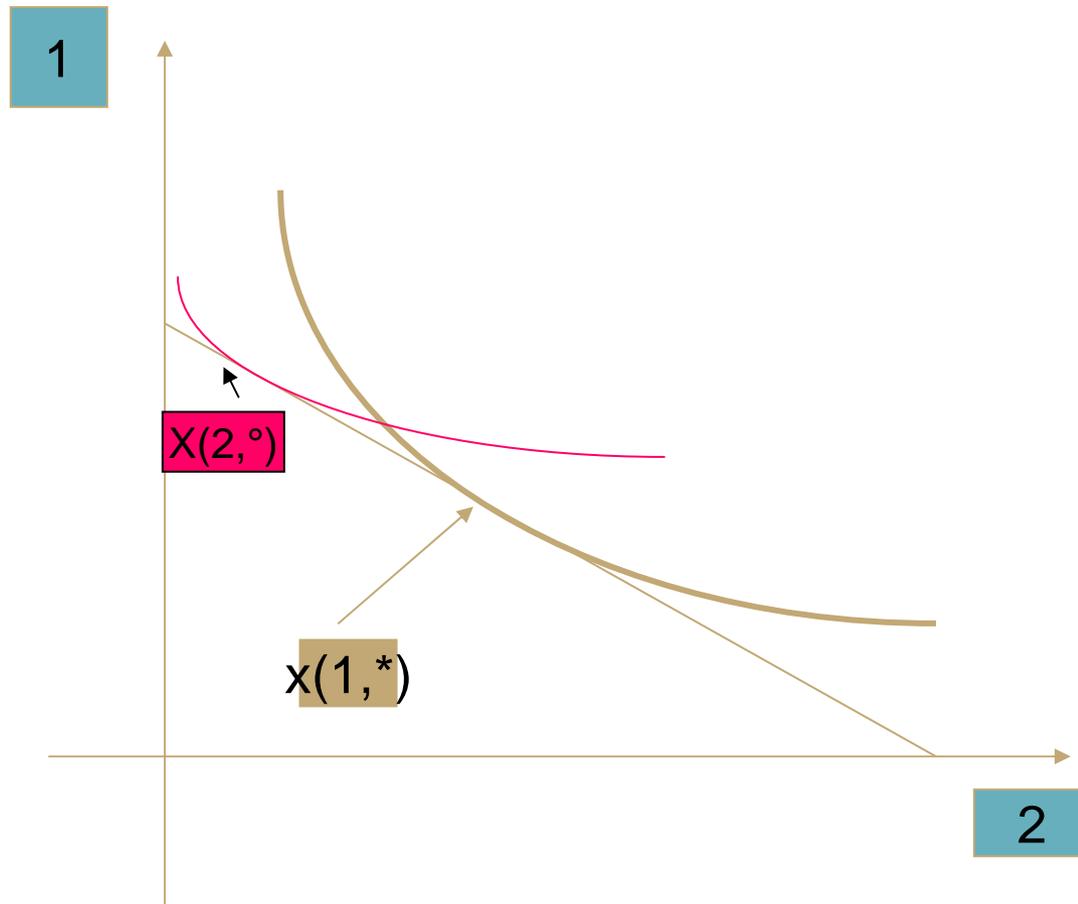
- L'hyp. **indiscernabilité en section**
  - → passer de A à B,
  - Ne change :
    - Ni le bien être de l'agent,
    - Ni les ctes d'auto-sélection,
- Soit B / minimise le coût avec
  - $p_2 = p_1 = 1$
  - $A \rightarrow B$  dans toutes les sections
  - + transf. concom. de l'IR
  - Ne modifie pas le bien-être d'aucun agent et libère un surplus
- Donc.
  - Efficacité productive : prix production = prix cons..
  - Les form. fiscalité optimale non linéaire =(ingrédients / modél.)
- Robustesse : quid de tte hétérogénéité ?



# Que se passe t'il : cas plus réalistes ?

- Modèle de DME
  - Liste des biens
    - Le travail efficace, revenu observable + n biens
    - Impôt sur le revenu : non linéaire, impôt linéaire / autres biens. .
      - nbre fini de types : I.R, N vecteurs RAvI, RApI
  - L'optimum :
    - H1- *A l'optimum, les niveaux d'impôt sur le revenu acquittés par les différents types sont différents..*
    - H2- *Agents contraints /auto-sélection→l'agent revenu immmdt <.*
      - *De type Spence-Mirrlees...*
    - ont des préférences différentes en section
      - Abandon des préférences  $V((c)+w(l, ..)$ .
  - L'optimum avec deux types :
$$T * (\partial M_{\pi}^*) = \varepsilon [x_1^* - x_2^*]$$
  - Quid du cas général ??

# Formule précédente : Illustration



# Quid du cas général ?

- Cas général
  - Sans restriction de l'hétérogénéité des agents.
    - La fiscalité sur les biens est justifiée et mêle de façon thqmt mal comprise la prise en cte d'incitation et les objectifs redistributifs.
    - Quelques essais...
- Cas général, avec bien collectif
  - Dimension incontournable
  - Sous hypothèse d'information complète sur les préférences, pas de difficultés
  - Les formules :
    - la règle de Samuelson en général modifiée, sauf dans les versions les plus simples
    - Exemple DM
  - Information incomplète : retour de mode d'extraction de l'information grossier (le vote)

Fin provisoire...

Bonnes fêtes de Noel et Nouvel an

Suite :

Culture de first best, culture de second best.

Que croire des résultats « canoniques » ?

Critique interne, critique externe...