

A hand in a white glove is shown moving a black chess piece on a checkered board. In the background, a silver trophy is visible. The scene is set against a light, blurred background.

Preuve auto-active de programmes en SPARK

Yannick Moy - AdaCore

La preuve pour le langage Ada

Ada - un langage fortement spécifié

- Résultat d'un concours du DoD américain
- Exigences raffinées de 1975 (*strawman*) à 1978 (*steelman*)
- Une définition formelle est demandée !
- Standard ISO en 1983 (puis 1995, 2005, 2012... 2022)

Plusieurs projets d'annotations logiques de programmes Ada

- ANNA - A Language for Annotating Ada Programs (1987)
- SPARK - the SPADE Ada Kernel (1987)
- Penelope - Formal Verification of Ada Programs (1990)

Le langage Ada pour la preuve

```
type Value is new Integer range -10_000 .. 10_000;
```

type différent

avec contrainte

```
type Data is array (Positive range  $\diamond$ ) of Value;
```

tableau avec indices positifs

```
procedure Sort (D : in out Data)
```

```
with
```

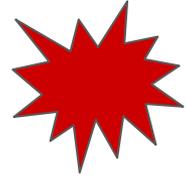
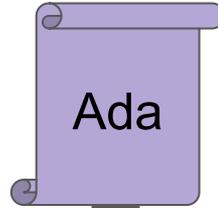
paramètre d'entrée-sortie

```
    Post  $\Rightarrow$  (for all I in D'Range  $\Rightarrow$   
              (if I < D'Last then D(I)  $\leq$  D(I+1)));
```

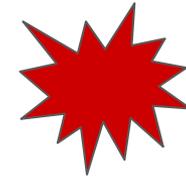
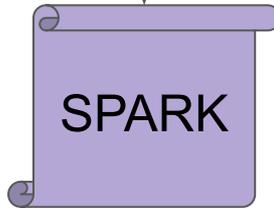
postcondition

expressions riches : quantification, conditionnelle

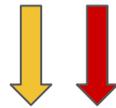
Le sous-ensemble SPARK



test / exécution

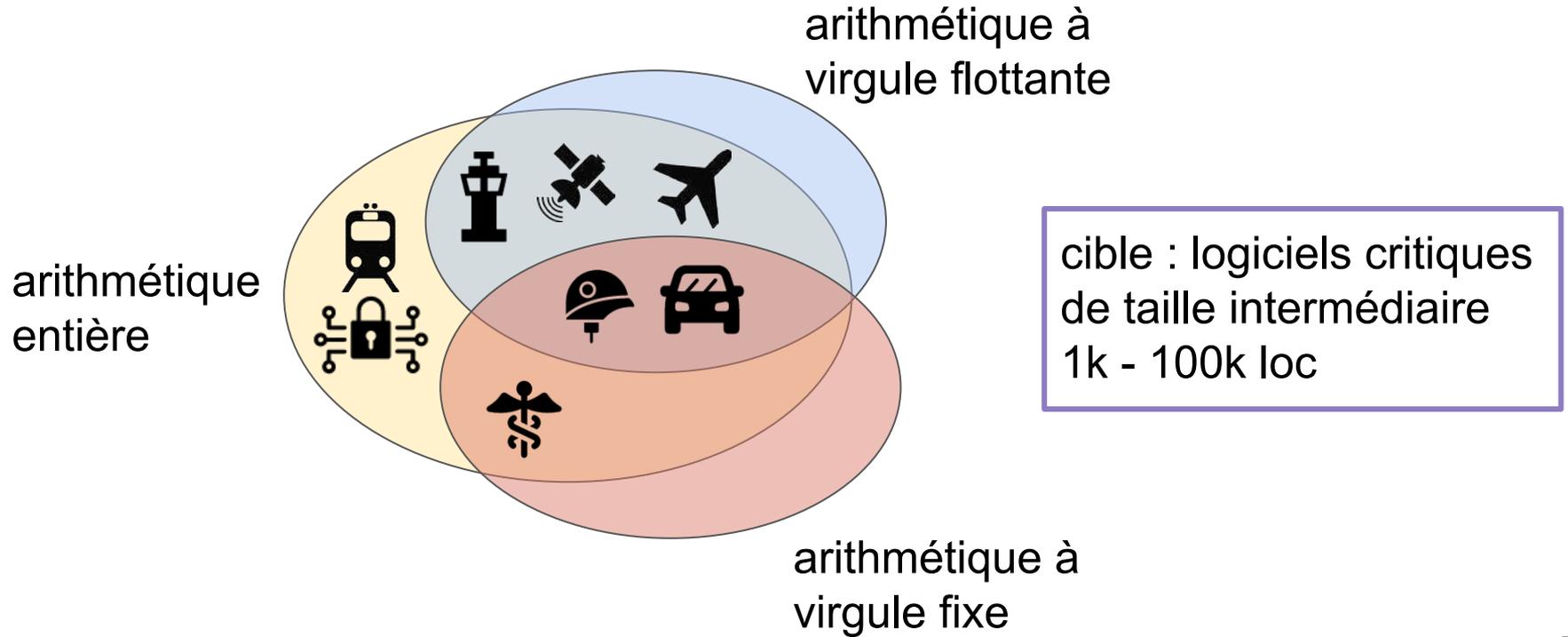


preuve

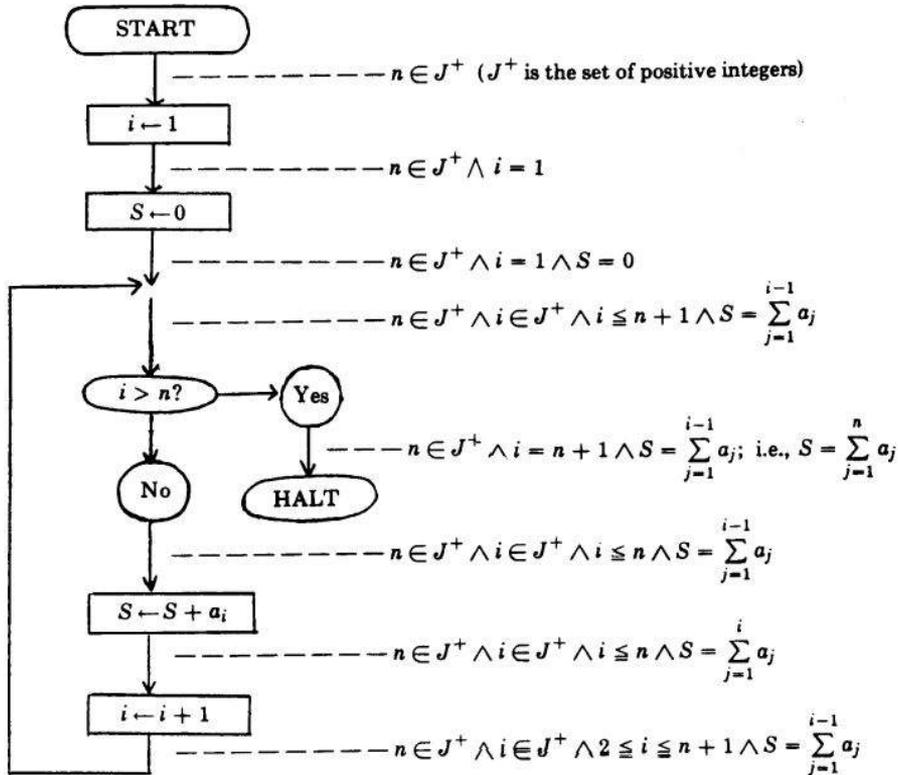


?

Utilisation industrielle de SPARK



Preuve d'algorithme ou de programme ?



Robert Floyd, 1967
Assigning Meaning to Programs

Leslie Lamport, 2018
*If You're Not Writing a Program,
Don't Use a Programming Language*



Les spécifications exécutables : contraintes

```
Max_Value : constant := Integer'Last;
```

tous les positifs

```
...
```

```
function Sum (A : Data; Up_To : Index) return Integer is  
  (if Up_To = 0 then 0 else A(Up_To) + Sum (A, Up_To - 1));
```

dépassements de capacité possibles

- problème de **correction** (« *soundness* »)
- impossible de contourner le problème avec des axiomes (absents de SPARK)
- même problème avec les réels mathématiques



Les spécifications exécutables : bénéfiques

- compréhensibles par les ingénieurs

Patrice Chalin, *A Sound Assertion Semantics for the Dependable Systems Evolution Verifying Compiler*, 2007

- compréhensibles par les autres outils de développement
- on peut déboguer et tester les spécifications !

Bénéfices pour la **correction interne** et la **correction externe**

La preuve auto-active

automatique et interactive

Déjà le cas pour certaines spécifications :

- spécifications de sous-programmes internes
- invariants de boucle

Plus généralement utilisation de code « fantôme » sans effet visible

- assertions
- variables fantômes
- lemmes

Les preuves auto-actives

Prouver une propriété par induction

Fournir le témoin d'une propriété

```
pragma Assert (Property (This_Value));
```

Guider les prouveurs automatiques

```
pragma Assert (First_Fact);  
pragma Assert (Second_Fact);  
pragma Assert (Conclusion);
```



prouvé par A



prouvé par B



prouvé par C

Rendre la preuve automatique plus robuste

L'arithmétique machine

Entièrement décidable !

Impossible à décider en pratique

Difficultés avec les opérations non linéaires (multiplication, division, modulo)

```
pragma Assert (if B mod A = 0 and C mod B = 0 then C mod A = 0);
```

Difficultés avec les mélanges d'arithmétiques

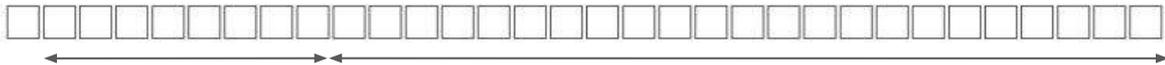
```
pragma Assert (if A < 2**24 then Float(A) + 1.0 = Float(A + 1));
```


L'arithmétique machine : les réels

Réels en virgule fixe traités comme des entiers

Deux visions possibles des réels en virgule flottante (par exemple 32 bits)

mathématique : $V = (-1)^s \times m \times 2^e$; $0 \leq m < 2^{24}$; $-149 \leq e \leq 104$

informatique : 

Choix dans les prouveurs :

- encodage des flottants comme réels bornés avec opération d'arrondi
- encodage des flottants comme vecteurs de bits

➤ chaque encodage est meilleur pour certains types de problèmes



Vérification modulaire - sous-programmes et boucles

```
function Sum_SPARK (A : Data) return Integer is
  S : Integer := 0;
begin
  for I in A'Range loop
    S := S + A(I);
    pragma Loop_Invariant (S = Sum (A, I));
  end loop;
  return S;
end Sum_SPARK;
```

besoin de résumer le contexte

besoin de résumer les effets de la fonction

besoin de résumer les effets de l'itération

La condition-cadre - valeurs invariantes

```
procedure Sum_SPARK (A : in out Data_Sum)
```

```
with
```

```
  Post  $\Rightarrow$  A.S = Sum (A.D)
```

```
  and then A.D = A.D'Old;
```

```
...
```

```
  for I in A.D'Range loop
```

```
    A.S := A.S + A.D(I);
```

```
    pragma Loop_Invariant (A.S = Sum (A.D, I));
```

```
    pragma Loop_Invariant (A.D = A.D'Loop_Entry);
```

```
  end loop;
```

champ D non modifié
par l'appel

champ D non modifié
par la boucle

Automatisation et interaction

Problème bien connu de l'automatisation : elle échoue dans les cas difficiles

Chaque automatisation des cas simples rend les cas difficiles plus difficiles

➤ solution : la **preuve auto-active**

Problème « classique » de découverte de l'invariant de boucle

➤ pas le problème principal en pratique

➤ catalogue d'invariants de boucles + méthodologie d'écriture auto-active

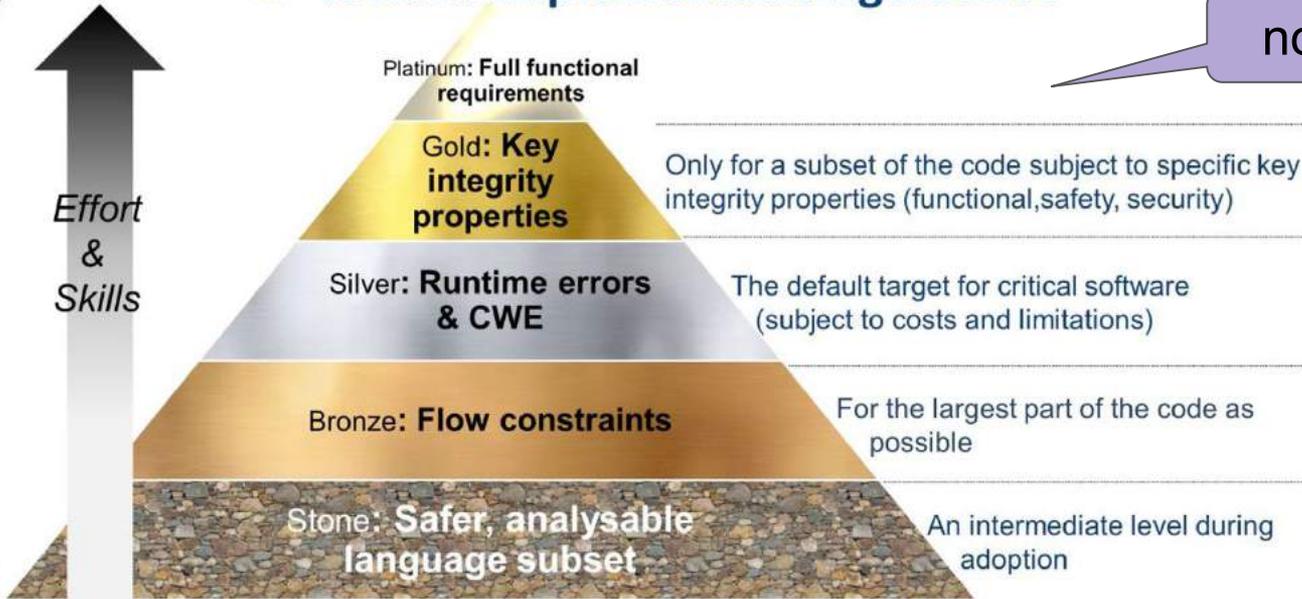
Investigation des échecs de preuve

Raisons possibles de l'échec :

- code incorrect
 - spécification incorrecte
 - spécification incomplète (condition-cadre)
 - limitation du modèle dans l'outil SPARK
 - le prouveur a besoin de plus de temps
 - limitation intrinsèque des prouveurs (induction, arithmétique non linéaire)
- messages de l'outil essentiels
- preuve auto-active jusqu'à succès ou échec de preuve élémentaire

Des niveaux de garanties

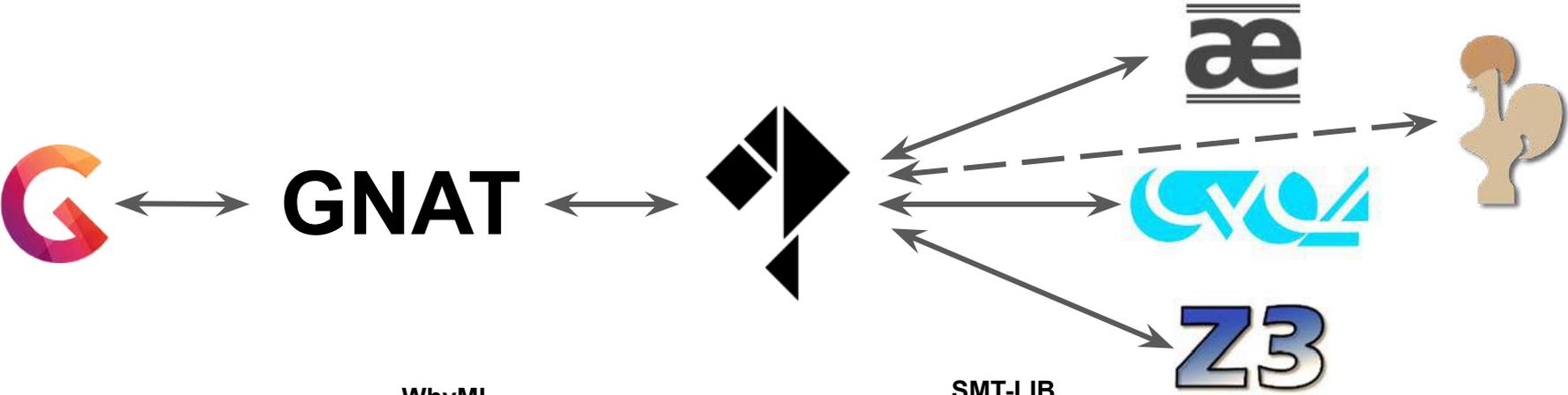
Toward implementation guidance



notre exemple Sum

aligné avec les
niveaux d'assurance
en certification :
DAL, SIL

Un outil de l'écosystème du logiciel libre



SPARK

A(1) := 42;

WhyML

```

a.map__content <-
set
  (a.map__content)
(let temp = 1 : int in
  assert { temp ... };
temp)
(42 : value)
    
```

SMT-LIB

```

(assert
(not
(=> (dynamic_property 0 1000000
(to_rep a__first) (to_rep a__last))
(=> (and (= (to_rep a__first) 1)
(<= 0 (to_rep a__last))))
(<= (to_rep a__first) 1))))))
(check-sat)
    
```

Preuve d'initialisation

Politique d'initialisation par défaut : entrées-sorties entièrement initialisées

→ analyse statique de flux de données

Relâchement explicite de la politique d'initialisation → preuve

```
type Data is array (Index range  $\diamond$ ) of Value with  
    Relaxed_Initialization;
```

Spécification explicite de l'initialisation en pré / post / invariant de boucle :

```
(for all J in 1 .. S  $\Rightarrow$  A(J)'Initialized)
```



Preuve de non-interférence

Pas de partage mémoire (*aliasing*) entre entrées-sorties en interférence

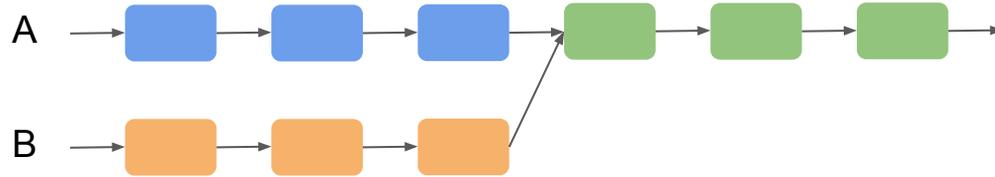
- lecture/écriture, ou
- écriture/écriture

→ analyse statique de flux de données

Programmes sans pointeurs : comparaison des chemins d'accès

- partage mémoire entre X et X ; X et X.C ; X(J) et X(K)
- pas de partage mémoire entre X et Y ; X.A et X.B ; X(1) et X(2)

Le modèle des pointeurs



Choix dans SPARK : pas de partage mémoire en interférence entre zones mémoires pointées

- pas de « modèle mémoire »
- politique d'appartenance (*ownership*) des zones pointées
- nouvelles vérifications : pointeur valide, absence de fuite mémoire



Emprunt (*borrow*), promesse (*pledge*) et valeur prophétique

P emprunte la mémoire pointée par A dans `Init_List`

`At_End(A)` dénote la valeur *prophétique constante* de A à la fin de l'emprunt...

`At_End(P)` dénote la valeur *prophétique variable* de P à la fin de l'emprunt...

sans pouvoir prédire quelles seront ces valeurs !

L'invariant de boucle exprime la promesse maintenue inductivement :

$$\text{Sum (At_End (A))} = \text{Sum (At_End (P))}$$

Astrauskas, Müller, Poli, Summers - *Leveraging Rust Types for Modular Specification and Verification*

Dross, Kanig - *Recursive Data Structures in SPARK*

Matsushita, Tsukada, Kobayashi - *RustHorn: CHC-based Verification for Rust Programs*

Pour terminer

Terminaison prouvée pour Sum (axiome généré essentiel à la preuve)

Vérification en SPARK correcte pour les programmes qui ne terminent pas

➤ garanties de la preuve en chaque point de programme

Spécification de **terminaison** → analyse de flux de données et preuve

Spécification de **non-terminaison** → analyse de flux de données et preuve

Spécification de **possible non-terminaison**

➤ procédures dans lesquelles il est correct d'arrêter l'exécution

➤ contraintes spécifiques d'appel à ces procédures → analyse de flux de données

Conclusion

Preuve de programme utilisable par des ingénieurs

Nécessité de restreindre le langage de programmation

Utilisabilité repose sur le binôme automatisation - interaction

Acceptabilité dépend de facteurs externes : normes applicables, conséquences des erreurs, cycles d'adoption de technologies

Pour aller plus loin : **learn.adacore.com** et **www.adacore.com/download**

Exemples présentés ici : **github.com/yannickmoy/am2sp/**