Chaire de Physique Quantique-Cours 2013-2014 3^{ème} leçon - 8 Avril 2014

Interactions entre atomes de Rydberg

Rappel sur l'interaction dipôle-dipôle entre atomes dans l'état fondamental et entre atome dans l'état fondamental et atome excité (résonance de Förster). Interaction dipôle-dipôle entre deux atomes de Rydberg. Les deux régimes: couplage résonant en 1/r³ et interaction de van der Waals en 1/r⁶. Description d'expériences de collisions résonnantes entre atomes de Rydberg et d'excitation de couples d'atomes de Rydberg dans un gaz dense, avec effet d'anti-blocage. Etude spectroscopique de l'interaction d'un atome de Rydberg placé entre deux plans métalliques avec ses images électriques. Présentation des prochaines leçons portant sur la physique des atomes de Rydberg "froids" (29 Avril, 6 et 13 Mai).

III-A

Interaction de van der Waals entre deux atomes

Rappel sur l'interaction de van der Waals

À l'ordre le plus bas en 1/r, l'interaction est de la forme dipôle-dipôle: Potentiel du dipôle $\vec{D}_1 = q\vec{a}$ au point \vec{r} : $\vec{n} = \frac{\vec{r}}{r}$ $\vec{n} = \frac{\vec{r}}{r}$ \vec{D}_2 $V = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r^2}\vec{n}.\vec{a} = \frac{\vec{D}_1.\vec{n}}{4\pi\varepsilon_0 r^2}$ Champ électrique de \vec{D}_1 en \vec{r} : $\vec{E}_1 = -\vec{\nabla}V = \frac{3\vec{n}(\vec{D}_1.\vec{n}) - \vec{D}_1}{4\pi\varepsilon_0 r^3}$ Energie de couplage entre \vec{D}_1 et \vec{D}_2 : $W = -\vec{E}_1.\vec{D}_2 = \frac{\vec{D}_1.\vec{D}_2 - 3(\vec{n}.\vec{D}_1)(\vec{n}.\vec{D}_2)}{4\pi\varepsilon_0 r^3}$

Expression valable si les charges ne se recouvrent pas (r > taille a_{at} des atomes) et si l'approximation électrostatique est justifiée (r < λ : longueur d'onde typique d'émission des atomes):

 $a_{at} \ll r \ll \lambda_{at}$

Pour des atomes dans leur état fondamental (ou peu excités), on a typiquement:

$$10^{-10} m \ll r \ll 10^{-7} m$$

Pour r $\leq a_{at}$ il faut tenir compte des interactions à courte portée et des effets d'échange. Si r > λ_{at} , les effets de retard ne peuvent être négligés (voir plus loin)

Interaction de van der Waals entre deux atomes d'H dans leur état fondamental

Interaction nulle au 1^{er} ordre car $\langle D_1 \rangle = \langle D_2 \rangle = 0$ dans la distribution de charge à symétrie sphérique (états S). Le 1^{er} terme de perturbation est du 2nd ordre:

$$\Delta W_{1S,1S} = \sum_{n_1,n_2} \frac{\langle 1S, 1S | W | n_1 P, n_2 P \rangle \langle n_1 P, n_2 P | W | 1S, 1S \rangle}{2E_0 - E_{n_1} - E_{n_2}}$$

Evaluation de l'ordre de grandeur de ΔW_{1S1S} : on remplace E_{n1} et E_{n2} par 0 soit $2E_0-E_{n1}-E_{n2} \sim 2E_0=-e^2/a_0$. La somme sur n_1 et n_2 se simplifie (relation de fermeture):

$$\Delta W_{1S,1S} \approx -\frac{a_0}{e^2} \langle 1S, 1S | W^2 | 1S, 1S \rangle$$

 ΔW <0 car |15,15> est "repoussé" par couplage aux états d'énergie plus grande. En prenant Oz le long de n et en introduisant les coordonnées X,Y,Z des électrons, on sépare W² en termes carrés et croisés (ces derniers ont une valeur moyenne nulle dans les états S):

$$W^{2} = \frac{e^{4}}{r^{6}} \left[X_{1}X_{2} + Y_{1}Y_{2} - 2Z_{1}Z_{2} \right]^{2} = \frac{e^{4}}{r^{6}} \left[X_{1}^{2}X_{2}^{2} + Y_{1}^{2}Y_{2}^{2} + 4Z_{1}^{2}Z_{2}^{2} \right] + termes \ croisés$$

et en notant que:

 $\langle 1S | X^2 | 1S \rangle = \langle 1S | Y^2 | 1S \rangle = \langle 1S | Z^2 | 1S \rangle = \frac{1}{3} \langle R^2 \rangle = a_0^2$

 $\frac{n_1P, n_2P}{\text{Interaction}}$ 1S,1S $\Delta W_{1S,1S}$

on obtient:

$$\Delta W_{1S,1S} \approx -\frac{a_0}{e^2} \frac{6e^4 a_0^4}{r^6} = -\frac{6e^2 a_0^5}{r^6}$$

L'interaction de Van der Waals en 1/r⁶ explique l'attraction des atomes à grande distance (queue du potentiel moléculaire)



Jones modélisant l'interaction atomique L'interaction à grande distance (force en $1/r^7$) est du deuxième ordre dans le potentiel dipôle-dipôle: il faut que les dipôles (nuls en valeur moyenne sur chaque atome) corrèlent leurs fluctuations (au premier ordre) avant de s'attirer (au deuxième ordre). Pour des distances grandes devant λ_{at} , les effets de retard deviennent importants et l'interaction décroit en 1/r⁷ (force de Casimir en $1/r^8$)

Interaction de van der Waals résonnante entre un atome d'H dans 15 et un atome dans 2P (résonance de Förster)

Dégénerescence entre les états 15;2P,m> et 2P,m;15> États couplés au premier ordre par W: interaction en 1/r³ décrite par la matrice:



 $C_{\rm m}$, coefficient sans dimension de l'ordre de l'unité, dépend de m seulement. Les états propres sont les superpositions symétrique et antisymétriques des deux états. L'interaction en $1/r^3$ peut être attractive ou répulsive suivant le signe de C_m et celui de la superposition considérée. Si le système est initialement dans 15;2P,m>, on a une oscillation entre les deux états avec une pulsation:

$$\Omega_{vW} \sim \frac{e^2 a_0^2}{\hbar r^3}$$

Collision résonante entre atomes dans 15 et 2P



Considérons 2 atomes, l'un dans |15>, l'autre dans |2P,m> se déplaçant à la vitesse relative v et passant à la distance d'approche b. L'ordre de grandeur de la section efficace de collision résonnante πb^2 correspond à la valeur de b pour laquelle les atomes ont une probabilité importante d'échange:

Ordre de grandeur du temps T de transfert collisionnel entre états pour des atomes passant à la distance b:

$$\Omega_{vW}T \sim \pi \quad \Rightarrow \quad T \sim \frac{\pi}{\Omega_{vW}} = \frac{\pi\hbar b^3}{e^2 a_0^2}$$

Egalons ce temps au temps de collision b/v:

$$\frac{b}{v} \sim \frac{\pi \hbar b^3}{e^2 a_0^2} \implies \sigma_{coll} = \pi b^2 = \frac{e^2 a_0^2}{\hbar v} = \alpha \frac{c}{v} a_0^2 \sim \frac{1}{137} \frac{c}{v} a_0^2$$
pour des vitesses thermiques (v ~ 300m / s) : $\frac{c}{v} \sim 10^6$ et $\sigma_{coll} \sim 10^4 a_0^2$

Sous l'effet des collisions résonantes, les atomes peu excités se perturbent à des distances de l'ordre de 100 fois leur taille! Pour des états de Rydberg (n~50), l'interaction porte à des distances de l'ordre de 10µm (voir plus loin). Ces collisions qui affectent la phase des superpositions d'états élargissent les raies de résonance.

Interaction de van der Waals entre atomes alcalins dans le même état de Rydberg

Couplage dominant avec état |n',L'; n",L"> d'énergie la plus proche de celle de |n,L;n,L> (L-L'=± 1; L-L"=± 1; |n-n'|<<n; |n-n"|<<n): Deux atomes dans l'état |n,L> (par exemple état |n,P,m; n,P,m>)

$$\begin{aligned} |n,L;n,L\rangle &\iff |n',L';n'',L''\rangle_{S} = \frac{1}{\sqrt{2}} \left[|n',L';n'',L''\rangle + |n'',L'';n'',L'\rangle \right] \\ E_{n,L} &= -\frac{e^{2}}{2a_{0}\left(n-\delta_{L}\right)^{2}} \longrightarrow E_{n,L;n,L} - E_{n',L';n'',L''} = \frac{e^{2}\delta}{n^{3}a_{0}} \quad ; \quad \delta = \delta_{L'} + \delta_{L''} - 2\delta_{L} + 2n - n' - n'' \end{aligned}$$

La restriction de W dans le sous-espace {|n,L;nL>, $|n',L';n'',L''>_{s}$ } est représentée par la matrice 2x2:

$$W_{nL,nL \leftrightarrow n'L',n'',L''} \sim e^{2} \begin{pmatrix} \frac{\delta}{n^{3}a_{0}} & C\frac{n^{4}a_{0}^{2}}{r^{3}} \\ C\frac{n^{4}a_{0}^{2}}{r^{3}} & 0 \end{pmatrix} \quad en \ posant: \ E_{n'L',n''L''} = 0; \langle n,L;n,L|W|n',L';n'',L'' \rangle_{s} = C\frac{e^{2}n^{4}a_{0}^{2}}{r^{3}} \\ (C \sim 1; \delta \sim 0 \ \dot{a} \ 1)$$

Les deux régimes de l'interaction Rydberg-Rydberg $W \sim e^2 \begin{pmatrix} \frac{\delta}{n^3 a_0} & C \frac{n^4 a_0^2}{r^3} \\ C \frac{n^4 a_0^2}{r^3} & 0 \end{pmatrix}$ Des valeurs propres de l'énergie des états van der Waals sont données par la diagonalisation de W: $E_{vdWx} = \frac{\delta e^2}{2a_0 n^3} \pm \frac{e^2}{2} \sqrt{\frac{\delta^2}{a_0^2 n^6} + \frac{4C^2 n^8 a_0^4}{r^6}}$ Deux cas limites (a) si δr^3 est "grand", l'état diatomique initial est "non dégénéré" et la perturbation an der Waals agit au 2^{ème} ordre, comme pour deux atomes dans l'état fondamental: $\delta r^3 \gg 2Cn^7 a_0^3 \quad soit \quad r \gg n^{7/3} \left(\frac{2C}{\delta}\right)^{1/3} a_0 \quad \rightarrow \quad E_{vdwx} = \frac{\delta e^2}{a_0 n^3} + \frac{n^{11} e^2 C^2 a_0^5}{\delta r^6}$ (b) si δr^3 est "petit" l'état diatomique initial est "aussi dégénéré" avec l'état auguel

(b) si or³ est "petit", l'état diatomique initial est "quasi dégénéré" avec l'état auquel il est couplé et l'interaction est de type "Förster":

$$\delta r^3 \ll 2Cn^7 a_0^3 \quad soit \quad r \ll n^{7/3} \left(\frac{2C}{\delta}\right)^{1/3} a_0 \quad \Rightarrow \quad \lambda_{\pm} = \frac{\delta e^2}{2a_0 n^3} \pm \frac{e^2 Cn^4 a_0^2}{r^3}$$



Comment "accorder" une résonance de Förster entre atomes de Rydberg?



|60p_{3/2},60p_{3/2}> par l'interaction dipôle-dipôle (Saffman et al, RMP, 82, 2313 (2010) Le paramètre δ détermine le gap $e^{2}\delta/n^{3}a_{0}$ entre l'état $|nL,nL\rangle$ et un état à deux atomes voisin auquel il est couplé par W. La distribution des niveaux de Rydberg des alcalins et celle des défauts quantiques fait qu'il existe beaucoup de niveaux pour lesquels $0 < |\delta| < 0,1$ et, même quelques niveaux pour lesquels $\delta \sim 0.01$. Une première façon d'accorder une résonance de Förster est de choisir un niveau nL tel qu'il existe un couple |n',L';n'',L'' pour lequel δ est très petit. Une seconde façon est d'utiliser l'effet Stark pour mettre nL,nL> et n',L';n",L"> à résonance exacte (voir plus loin)

Exemple: 18 *niveaux diatomiques avec* "*distance*" $|\delta| < 0,1 de l' \acute{tat} | 60 p_{3/2}, 60 p_{3/2} \rangle$ *niveau prépondérant pour van der Waals à* $\delta = -0,01$ (~ 300 *MHz*) : $|60s_{1/2}; 61s_{1/2} \rangle$

III-B

Collisions de van der Waals résonnantes entre atomes de Rydberg de Sodium: étude expérimentale d'une résonance de Förster

Safynia et al, PRL 47, 405, (1981); Gallagher et al, Phys.Rev.A 25, 1905 (1982)

Résonance de Förster entre atomes de Rydberg (Na) accordée par effet Stark



Résonance de Förster entre atomes de Rydberg accordée par effet Stark (suite)



FIG. 1. Energy levels for the 19p, 20s, and 20p states in an electric field. The collisional resonances are shown by the arrows.

La résonance Stark a une structure fine (état final m=0 ou 1)

Pour n=20, 4 résonances autour de 210 V/cm correspondant aux valeurs finales |m|= 0 ou 1

 $|20S, 20S\rangle \rightleftharpoons |19P, m = 0; 20P; m = 0\rangle;$ $|19P, m = 0; 20P; m = 1\rangle;$ $|19P, m = 1; 20P; m = 0\rangle;$ $|19P, m = 1; 20P; m = 1\rangle$

Collision résonnante entre atomes de Rydberg à température ordinaire (v~500m/s)

Nombre N_p d'atomes portés en un temps t dans l'état P à partir de collisions résonnantes S-S de N_s atomes dans un volume V (v: vitesse moyenne des atomes, σ : section efficace de collision résonnante): Variation



fonction du champ électrique F

pour deux valeurs de N_s dans le

rapport 1 à 0,4



terricacite de detection atomique et estimation de V (10⁻³cm³), v (500m/s) et t (10⁻⁶s), on déduit σ de la hauteur des résonances et le temps de collision T de leur largeur

$$\sigma \sim n^{*4}$$
$$T \sim n^{*2}$$



quadratique de N_n

Nombre total d'atomes excités dans 17s (N_s) et nombre d'atomes transférés par collisions dans 17p (N_p) en fonction de l'intensité du laser sur la transition $3p \rightarrow 175$. La dépendance quadratique du signal de résonance est claire.

Ordres de grandeur de σ et T dans l'expérience de collision résonnante nS-nS



 $\rightarrow \sigma_{coll} \sim 10^8 - 10^9 A^2$



Durée de la collision:

$$T_{coll} \sim \frac{\sqrt{\sigma_{coll}}}{v} \sim \sqrt{\frac{\alpha c}{v^3}} n^{*2} a_0 \quad ; \quad pour \ n^* = 20 \rightarrow 3.10^{-9} s$$

La largeur des raies est de l'ordre de 1V/cm, qui, traduite en fréquence, correspond à 1GHz soit un temps de collision de l'ordre de la nanoseconde, en bon accord avec cette estimation

Du régime collisionnel au régime quasistatique des interactions Rydberg-Rydberg



A la température ordinaire, la section efficace σ de collision d'un atome de Rydberg (cercle bleu) est $\alpha c/v$ (~10⁴) fois plus grande que sa section géométrique $a_0^2n^4$ (cercle rouge). Le libre parcours moyen *l* d'un atome entre deux collisions est *l*=1/ $\rho\sigma$ et le temps entre collisions:

$$\tau = \frac{l}{v} = \frac{1}{\rho\sigma v}$$

Pour que les collisions entre Rydberg soient des événements indépendants, il faut que le temps entre collisions τ soit plus grand que le temps de collision T_{coll} . Cette condition impose une limite ρ_0 à la densité ρ des atomes de Rydberg:

$$T_{coll} \ll \tau \rightarrow \frac{\sqrt{\sigma}}{v} \ll \frac{1}{\rho \sigma v}$$
$$\rightarrow \rho \ll \rho_0 = \sigma^{-3/2} = \left(\frac{\alpha c}{v}\right)^{-3/2} \frac{1}{a_0^3 n^6} \sim 10^{-6} \frac{1}{a_0^3 n^6}$$

 ρ_0 est ~ 10⁶ fois plus petit que la "densité de contact" ρ_c =1/(a_0n^2)³. A la densité ρ_0 , les atomes sont à une distance ~100 fois leur taille.

| n = 20 | <i>n</i> = 50 | <i>n</i> = 100 |
|-----------------------------|-------------------------------|----------------------------|
| $\rho_c = 10^{17} cm^{-3}$ | $\rho_c = 6.10^{14} cm^{-3}$ | $\rho_c = 10^{13} cm^{-3}$ |
| $\rho_0 = 10^{11} cm^{-3}$ | $\rho_0 = 6.10^8 cm^{-3}$ | $\rho_0 = 10^7 cm^{-3}$ |

Dans l'expérience de collision résonnante, $\rho \sim 10^7$ cm⁻³ « ρ_0 ($\rho_0 \sim 10^{11}$ pour n ~20).

Interactions entre atomes de Rydberg de Cs dans le régime quasi-statique: élargissement des raies optiques et effet d'anti-blocage



Excitation de paires d'atomes Mécanisme d'excitation: et effet d'anti-blocage Pour que le laser puisse exciter



Deux spectres Rydberg correspondant à des densités différentes d'atomes excités (au sommet des raies), préparés avec des impulsions laser nanoseconde dont les intensités différent par un facteur 20 entre les deux traces. La densité d'atomes dans l'état fondamental est $\rho_{\rm f} \sim 10^{12} {\rm cm}^{-3}$. *J-M.Raimond, G.Vitrant et S.Haroche*,

J.Phys.B, At.Mol.Phys. 14, L655 (1981)

Pour que le laser puisse exciter par absorption de 2 photons une paire d'atomes à 25 GHz de la fréquence non perturbée (ordre de grandeur de la demi-largeur des raies sur la trace inférieure), il faut qu'il y ait une paire d'atomes avec $1/x^3 \sim 10^{-2}$ soit x~5 et r ~ 5n²a₀ = 5.10⁻⁷m. La distance moyenne des atomes dans l'état fondamental est 10⁻⁶ m (pour ρ_f =10¹²cm⁻³) et il se forme transitoirement en une nanoseconde de nombreuses paires d'atomes passant à une distance mutuelle de 5.10⁻⁷m. Une fois l'excitation amorcée, le laser peut exciter par absorption à un photon des atomes déplacés par passage à proximité d'atomes déjà excités. La forme de raie est complexe et le processus très non-linéaire (cf séminaire de T.Pfau du 1er Avril).

III-C

Atomes de Rydberg en interaction avec des parois métalliques

V.Sandoghdar, C.Sukenik, E.Hinds et S. Haroche, Phys.Rev.Lett. 68, 3432 (1992)

Rappel sur le couplage électrostatique d'un atome avec une surface métallique plane

Interaction d'un dipôle D_1 avec son image électrique D_2 :

Séparation des composantes de D1 normales et $\overrightarrow{n} \xrightarrow{d} \overrightarrow{D_1} \xrightarrow{z}$ parallèles à la surface:

 $\vec{D}_1 = \left(\vec{n}.\vec{D}_1\right)\vec{n} + \left[\vec{D}_1 - (\vec{n}.\vec{D}_1)\vec{n}\right]$

Métal idéal

 \vec{D}_2

La réflexion change le signe de la composante normale des vecteurs, ainsi que celui de la charge: le dipôle image a la même composante normale et une composante parallèle inversée:

 $\vec{D}_2 = (\vec{n}.\vec{D}_1)\vec{n} - [\vec{D}_1 - (\vec{n}.\vec{D}_1)\vec{n}] = 2(\vec{n}.\vec{D}_1)\vec{n} - \vec{D}_1$

On en déduit:

 $\vec{D}_{1}\cdot\vec{D}_{2} - 3(\vec{n}\cdot\vec{D}_{1})(\vec{n}\cdot\vec{D}_{2}) = -\left[\vec{D}_{1}^{2} + (\vec{n}\cdot\vec{D}_{1}^{2})\right] = -q^{2}\left[X^{2} + Y^{2} + 2Z^{2}\right]$

et le couplage attractif atome-métal (facteur 1/2 habituel dans les problèmes d'électrostatique d'interaction atome-image):

$$W_{atome-image} = \frac{1}{2} \frac{e^2}{(2d)^3} \left[\vec{D}_1 \cdot \vec{D}_2 - 3(\vec{n} \cdot \vec{D}_1)(\vec{n} \cdot \vec{D}_2) \right] = -\frac{e^2}{16d^3} \left[X^2 + Y^2 + 2Z^2 \right]$$

Force attractive en $1/d^4$ (approximation valable pour d < λ , longueur d'onde d'émission caractéristique de l'atome). Pour d > λ , force de Casimir en 1/d⁵.

Atome de Rydberg dans état nS équidistant de deux surfaces métalliques parallèles



Pour les états nS du Sodium, on a:

$$\langle nS | X^{2} + Y^{2} + 2Z^{2} | nS \rangle = \frac{4}{3} \langle nS | R^{2} | nS \rangle = \frac{2}{3} n^{*2} (5n^{*2} + 1) a_{0}^{2}$$

 $(n^* = n - 1, 349 : nombre quantique principal corrigé du défaut quantique)$

En sommant les contributions des images « impaires » à distance L, 3L, 5L... de l'atome (les images paires à 2L, 4L ont des contributions en <X²+Y²-2Z²>, nulles dans un état S):

$$W = -\frac{2e^2}{3L^3} \left[1 + \frac{1}{3^3} + \frac{1}{5^3} + \cdots \right] n^{*2} \left(5n^{*2} + 1 \right) a_0^2 \approx -0.7 \frac{e^2 a_0^2}{L^3} n^{*2} \left(5n^{*2} + 1 \right) \approx -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*2} \left(5n^{*2} + 1 \right) \approx -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*2} \left(5n^{*2} + 1 \right) \approx -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*2} \left(5n^{*2} + 1 \right) \approx -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*2} \left(5n^{*2} + 1 \right) \approx -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*2} \left(5n^{*2} + 1 \right) \approx -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*2} \left(5n^{*2} + 1 \right) \approx -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*2} \left(5n^{*2} + 1 \right) \approx -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*2} \left(5n^{*2} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*2} \left(5n^{*2} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*2} \left(5n^{*2} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*2} \left(5n^{*2} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*2} \left(5n^{*2} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*2} \left(5n^{*2} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*2} \left(5n^{*2} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*2} \left(5n^{*2} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*2} \left(5n^{*2} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*2} \left(5n^{*2} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*2} \left(5n^{*2} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*2} \left(5n^{*2} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*2} \left(5n^{*2} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*4} \left(5n^{*2} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*4} \left(5n^{*4} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*4} \left(5n^{*4} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*4} \left(5n^{*4} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*4} \left(5n^{*4} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*4} \left(5n^{*4} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*4} \left(5n^{*4} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*4} \left(5n^{*4} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*4} \left(5n^{*4} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*4} \left(5n^{*4} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*4} \left(5n^{*4} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^3} n^{*4} \left(5n^{*4} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{L^4} n^{*4} \left(5n^{*4} + 1 \right) = -3.5 \frac{e^2 a_0^2 n^{*4}}{$$

Spectroscopie des atomes équidistants des parois



Principe de l'expérience: les atomes se propagent le long de Ox sur une distance de 8mm et sont excités à 0,5 mm de la sortie par un laser se propageant le long de Oz, normale aux surfaces. Seuls les atomes passant au milieu du gap émergent (les autres sont défléchis par la force de van der Waals et adsorbés).





Résonance 3p → 135 pour 5 valeurs de L. La raie de droite, enregistrée dans l'espace libre, sert de référence (fréquence non déplacée)



courbes théoriques)

Récapitulation: lois d'échelle des propriétés exagérées des états de Rydberg

| propriété physique | dépendance en n | valeur typique | valeur typique |
|---|-----------------|----------------------------|---------------------------------|
| | | (<i>n</i> = 50) | (<i>n</i> = 100) |
| grand axe de l'orbite de Kepler, dipôle électrique | n^2 | $0,2\mu m$; $3.10^3 u.a.$ | $1\mu m$; $10^4 u.a.$ |
| période de Kepler | n^3 | $2.10^{-11}s$ | $2.10^{-10} s$ |
| durée de vie (L petit) | n^3 | $5.10^{-5} s$ | $5.10^{-4} s$ |
| interaction atome – miroir en $1/d^3$ | n^4 | $1MHz \ a \ d = 10 \mu m$ | $20MHz \ \dot{a} \ d = 10\mu m$ |
| section efficace de résonance de Förster (atomes "chauds") | n^4 | $100 \ \mu m^2$ | $2.10^3 \ \mu m^2$ |
| durée de vie (circulaire) | n^5 | $3.10^{-2} s$ | 1 <i>s</i> |
| polarisabilité (effet Stark quadratique des circulaires) | n^6 | $2 MHz / (V / cm)^2$ | $100 MHz / (V / cm^2)$ |
| polarisabilité (effet Stark quadratique des états de L petit) | n^7 | $100 MHz / (V / cm^2)$ | $10 GHz / (V / cm^2)$ |
| interaction de van der Waals en 1/r ⁶ | n^{11} | 50 kHz à 10 µm | 100 MHz à 10 µm |

Les prochaines leçons



Contrôle de deux atomes à une distance fixe l'un de l'autre et exploitation du blocage Rydberg pour réaliser une porte quantique. L.Isenhower et al, Phys.Rev.Lett.104, 010503 (2010)



Spectroscopie d'un couple d'atomes de Rydberg pour mesurer leur interaction en n¹¹/r⁶ en fonction de r et de n. L.Béguin et al, Phys.Rev.Lett. 110, 263201 (2013)

Les prochaines leçons

Etude de cristaux d'atomes de Rydberg préparés par excitation optique d'un réseau d'atomes froids dans le régime d'isolant de Mott. *P.Schauss et al, Nature, 491, 87 (2012)*

> Expériences de transparence induite électromagnétiquement dans des ensembles d'atomes froids excités vers un niveau de Rydberg: exploitation du blocage Rydberg pour réaliser des expériences de contrôle photon-photon. *T.Peyronel et al, Nature,488, 57 (2012)*

Reprise du cours le 29 Avril 2014