

Esterel de A à Z

5. Boucles et réincarnation en Esterel

Gérard Berry

Collège de France

Chaire Algorithmes, machines et langages

Cours du 14 mars 2018

Suivi du séminaire de Reinhard von Hanxleden



COLLÈGE
DE FRANCE
— 1530 —

gerard.berry@college-de-france.fr
<http://www-sop.inria.fr/members/Gerard.Berry>

Agenda

1. Pourquoi une étude spéciale des boucles

Pourquoi une étude spéciale des boucles

- Les boucles ne posent pas de problème sémantique

$$\bar{p} \xrightarrow[l]{O, k} \bar{p}' \quad k > 0$$

$$\text{loop } \bar{p} \text{ end} \xrightarrow[l]{O, k} \text{loop } \bar{p}' \text{ end}$$

(go-res-loop-k>0)

$$\hat{p} \xrightarrow[l]{O, 0} p \quad p \xrightarrow[l]{O', k} \bar{p}' \quad k > 0$$

$$\text{loop } \hat{p} \text{ end} \xrightarrow[l]{OUO', k} \text{loop } \bar{p}' \text{ end}$$

(res-loop-0)

- Interprète Esterel trivial : implémenter les règles

Pourquoi une étude spéciale des boucles

- Mais la traduction en circuits du cours 4 **ne marche pas** car pas d'allocation dynamique de portes et fils
- Aussi nécessaire pour les implémentations en **logiciel rapide** (S. Edwards, D. Potop, M. Perreaut), cf. cours 6

But de ce cours : traiter la **schizophrénie**
des signaux et parallèles
par la **réincarnation**

Agenda

1. Pourquoi une étude spéciale des boucles
2. Un programme schizophrène

Exemple de programme schizophrène

Un programme banal :

```
output O ;  
loop  
  signal S in  
    if S then emit O end ;  
    pause ;  
    emit S  
  end signal  
end loop
```

Instant 1

Un programme banal :

```
→ output O ;  
  loop  
    → signal S in  
      if S then emit O end ;  
    → pause ;  
      emit S  
    end signal  
  end loop
```

Arrêt sur pause, S absent, O non émis,

Instant 2a

Un programme banal :

```
output O ;  
loop                                     S  
  signal S in  
    if S then emit O end ;  
→ pausese ;  
    emit S  
  end signal  
end loop
```

S,O inconnus, pausese termine, la séquence démarre

Instant 2b

Un programme banal :

```
output O ;  
loop  
→ signal S in  
    if S then emit O end ;  
    pause ;  
→ emit S  
end signal  
end loop
```

S
S

emit S est exécuté, S est marqué présent

Instant 2c

Un programme banal :

```
output O ;
loop
  signal S in
    if S then emit O end ;
    pause;
    emit S
  → end signal
end loop
```

S n'a plus d'existence

S
S
S

L'instruction signal se termine, on sort de sa portée

Instant 2d

Un programme banal :

```
output O ;
```

```
loop
```

```
  signal S in
```

```
    if S then emit O end ;
```

```
    pause;
```

```
    emit S
```

```
  end signal
```

```
→ end loop
```

S

S

S

La boucle se termine

Instant 2e

Un programme banal :

```
output O ;  
→ loop                                     S  
    signal S in                             S  
        if S then emit O end ;             S  
        pausese ;  
        emit S  
    end signal  
end loop
```

La boucle redémarre

Instant 2f

Un programme banal :

```
output O ;  
loop  
→ signal S in  
    if S then emit O end ;  
    pause ;  
    emit S  
end signal  
end loop
```

S
S
S
S

S est redéclaré et remarqué inconnu (S)

Instant 2g

Un programme banal :

```
output O ;  
loop  
→ signal S in  
    if S then emit O end ;  
    pause ;  
    emit S  
end signal  
end loop
```

S
S
S
S
S

N'ayant pas d'émetteurs accessibles, S est absent

Instant 2h

Un programme banal :

```
output O ;  
loop  
  signal S in  
  → if S then emit O end ;  
    pause ;  
    emit S  
  end signal  
end loop
```

S
S
S
S
S

Le test se termine sans émettre O, qui est donc absent

Instant 2i

Un programme banal :

```
output O ;  
loop  
  signal S in  
    if S then emit O end ;  
→ pause ;  
    emit S  
  end signal  
end loop
```

S
S
S
S
S

Le pause s'allume, fin de l'instant

S est schizophrène !

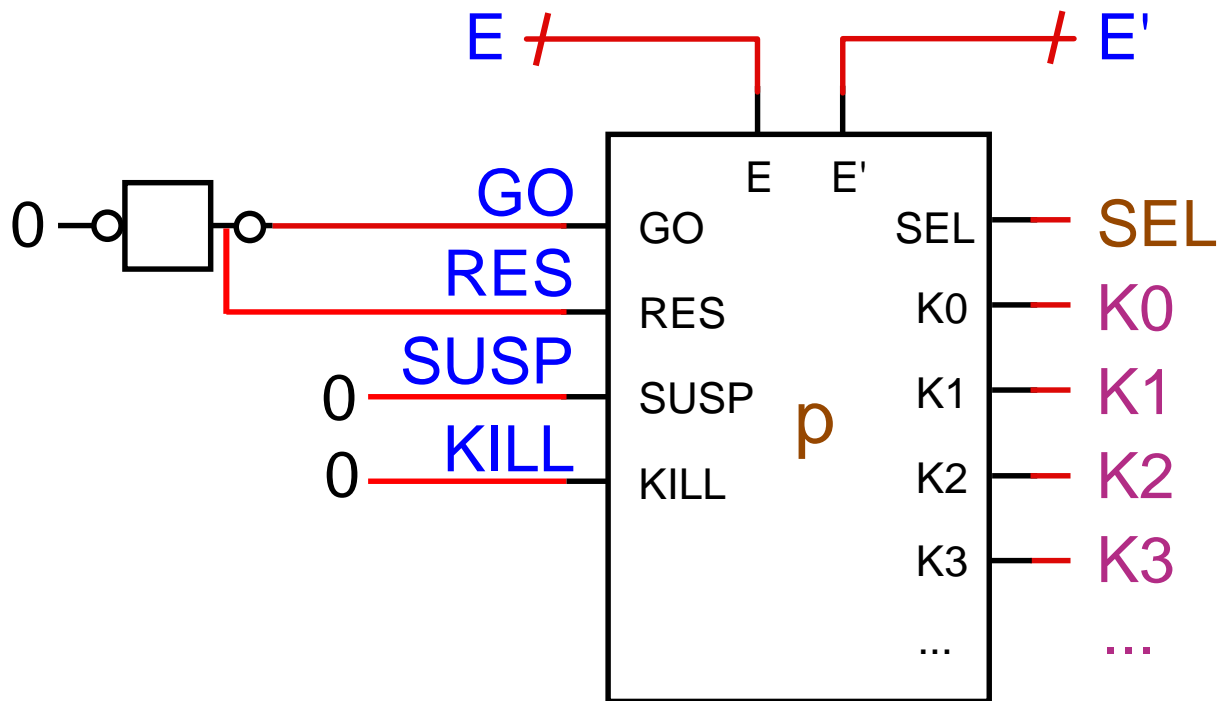
Un programme banal :

```
output O ;  
loop  
  signal S in  
    if S then emit O end ;  
    pause ;  
    emit S  
  end signal  
end loop
```

S
S
S
S
S

S est simultanément **présent** et **absent** !

Oubli du cours 4 : boot d'un circuit



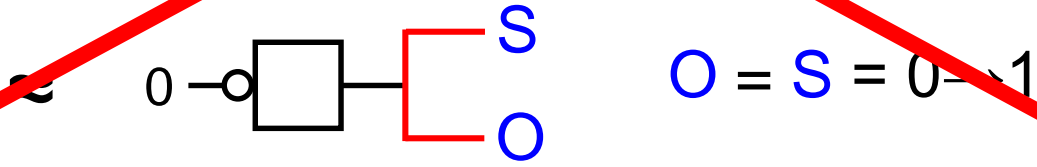
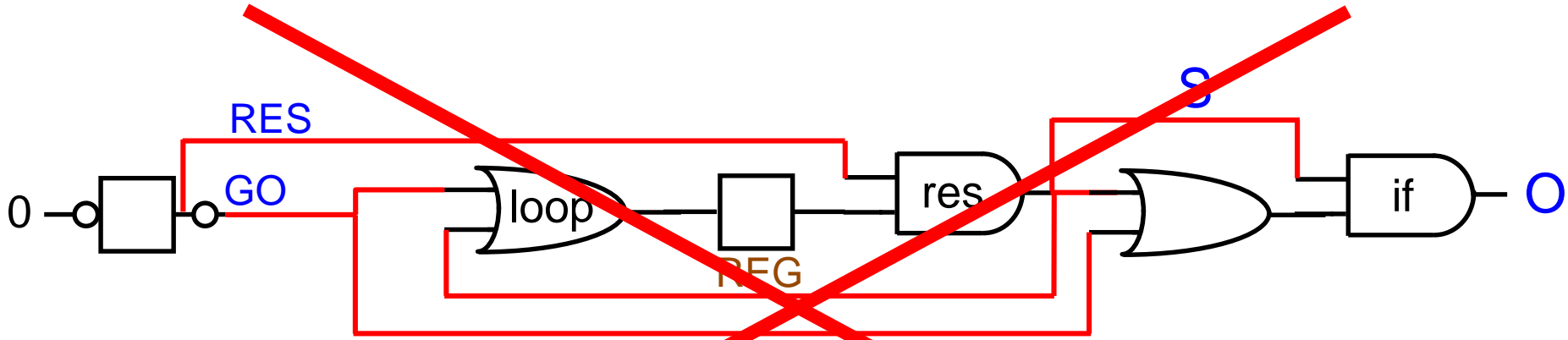
GO = 1 → 0

RES = 0 → 1

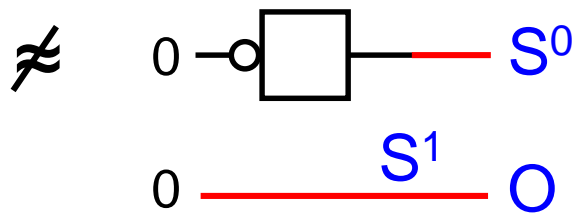
SUSP = 0

KILL = 0

Circuit trop simple du programme précédent



$$O = S = 0 \rightarrow 1$$



$$S^0 = 0 \rightarrow 1$$

$$O = S = 0$$



Les parallèles aussi sont schizo-phrènes

```
loop  
  { pause || pause };  
  emit O  
end loop
```

programme source

```
loop  
  { pause || pause };  
  emit O  
end loop
```

instant 1

```
loop  
  { pause || pause };  
  emit O  
end loop
```

```
loop  
  { pause || pause };  
  emit O  
end loop
```



Agenda

1. Pourquoi une étude spéciale des boucles
2. Un programme schizophrène
3. Un programme doublement schizophrène

Exemple de double schizophrénie

```
loop
  signal S1 in
    trap T in
      loop
        signal S2 in
          if S1 then emit S2 end ;
          pause ;
        end signal
      end loop
    ||
    pause ;
    emit S1 ;
    exit T
  end trap
end signal
end loop
```

Instant 1a : S1, S2 alloués mais inconnus

loop

S1 S2

 signal S1 in

 trap T in

 loop

 signal S2 in

? → if S1 then emit S2 end ;

 pause ;

 end signal

 end loop

→ ||

→ pause ;

 emit S1 ;

 exit T

end trap

end signal

end loop


Instant 1b : S1, S2 absents car non émissibles

```
loop
  signal S1 in
    trap T in
      loop
        signal S2 in
          → if S1 then emit S2 end ;
            pause ;
          end signal
        end loop
      ||
      pause ;
      emit S1 ;
      exit T
    end trap
  end signal
end loop
```

S1 S2
S1 S2

Instant 1c : fin de la réaction

```
loop                                     S1 S2
  signal S1 in                             S1 S2
    trap T in
      loop
        signal S2 in
          if S1 then emit S2 end ;
          → pause ;
            end signal
          end loop
        ||
        pause ;
        emit S1 ;
        exit T
      end trap
    end signal
  end loop
```



The image shows a 3D white figure running towards the right, holding a checkered flag. A dashed green line points from the word 'pause' in the code to the figure, indicating that the reaction has ended.

Instant 2a : reprise, S1 et S2 inconnus

loop

S1 S2

 signal S1 in

 trap T in

 loop

 signal S2 in

 if S1 then emit S2 end ;

 → pause ;

 end signal

 end loop

 ||

→ pause ;

 emit S1 ;

 exit T

 end trap

end signal

end loop

Instant 2b : S1 présent car émis

```
loop
→ signal S1 in
  trap T in
    loop
      signal S2 in
        if S1 then emit S2 end ;
        pause ;
      end signal
    end loop
    ||
    pause ;
→ emit S1 ;
    exit T
  end trap
end signal
end loop
```

S1 S2
S1

Instant 2c : S2 absent, car non émissible

```
loop
  signal S1 in
    trap T in
      loop
        → signal S2 in
            if S1 then emit S2 end ;
            pause ;
          end signal
        end loop
      ||
      pause ;
      emit S1 ;
      exit T
    end trap
  end signal
end loop
```

S1 S2
S1
S2

pas d'émetteur accessible
d'ici jusqu'au end signal
qui signe la fin de vie de ce S2

Instant 2d : S2 plus visible

```
loop
  signal S1 in
    trap T in
      loop
        → signal S2 in
          if S1 then emit S2 end ;
          pause ;
        → end signal
      end loop
    ||
    pause ;
    emit S1 ;
    exit T
  end trap
end signal
end loop
```

S1	S2
S1	
	S2
	S2

Instant 2e : rebouclage et réallocation de S2

```
loop
  signal S1 in
    trap T in
      loop
        signal S2 in
          if S1 then emit S2 end ;
          pause ;
        end signal
      end loop
    ||
    pause ;
    emit S1 ;
    exit T
  end trap
end signal
end loop
```

S1	S2
S1	
	S2
	S2
	S2

Instant 2f : S2 présent car émis

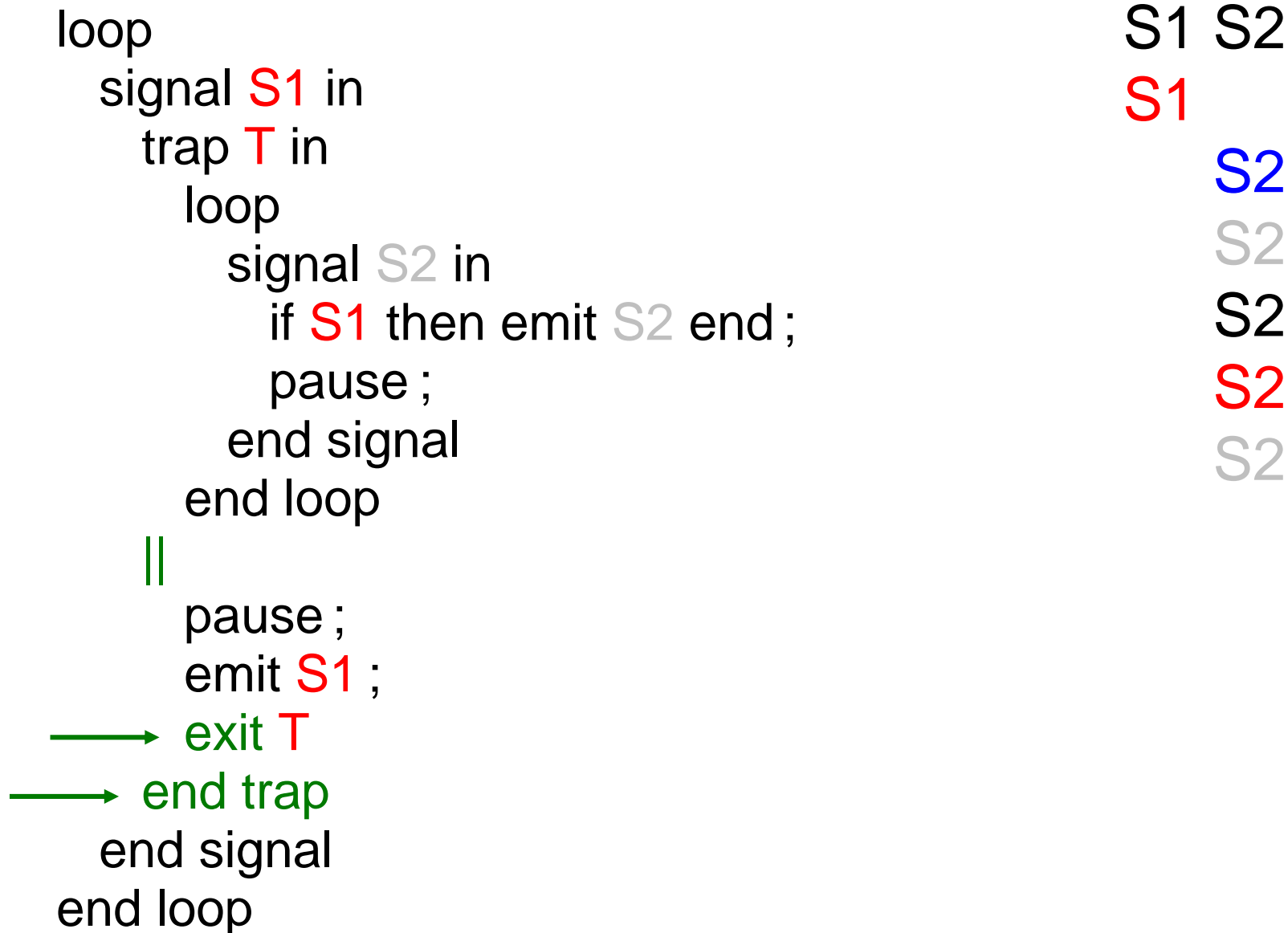
```
loop                                     S1 S2
  signal S1 in                             S1
    trap T in
      loop
        → signal S2 in                    S2
          → if S1 then emit S2 end ;      S2
            pause ;                       S2
          end signal
        end loop
      ||
      pause ;
      emit S1 ;
      exit T
    end trap
  end signal
end loop
```

Instant 2g : pause

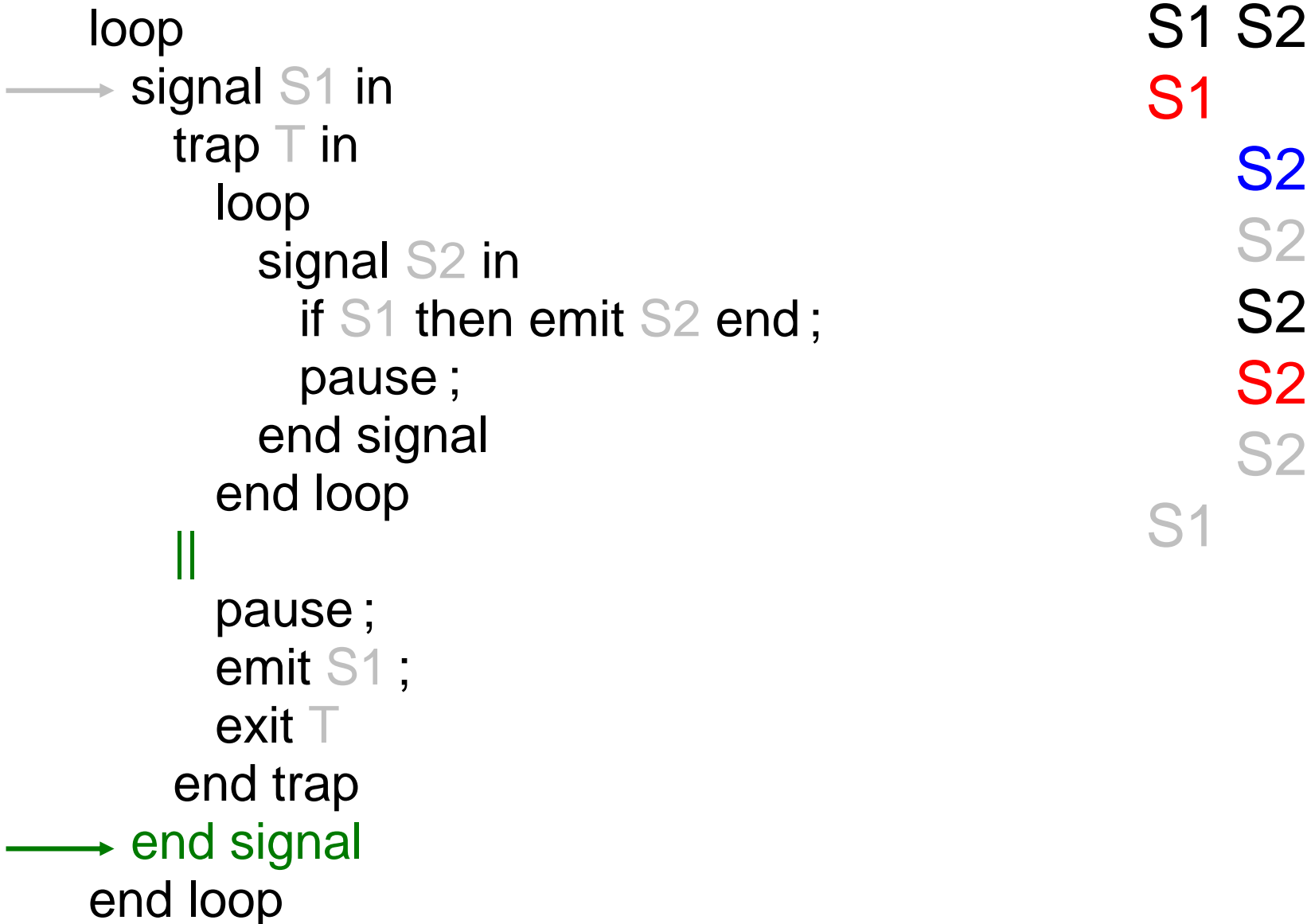
```
loop
  signal S1 in
    trap T in
      loop
        signal S2 in
          if S1 then emit S2 end ;
          → pause ;
        end signal
      end loop
    ||
    pause ;
    emit S1 ;
    exit T
  end trap
end signal
end loop
```

S1	S2
S1	
	S2
	S2
	S2
	S2

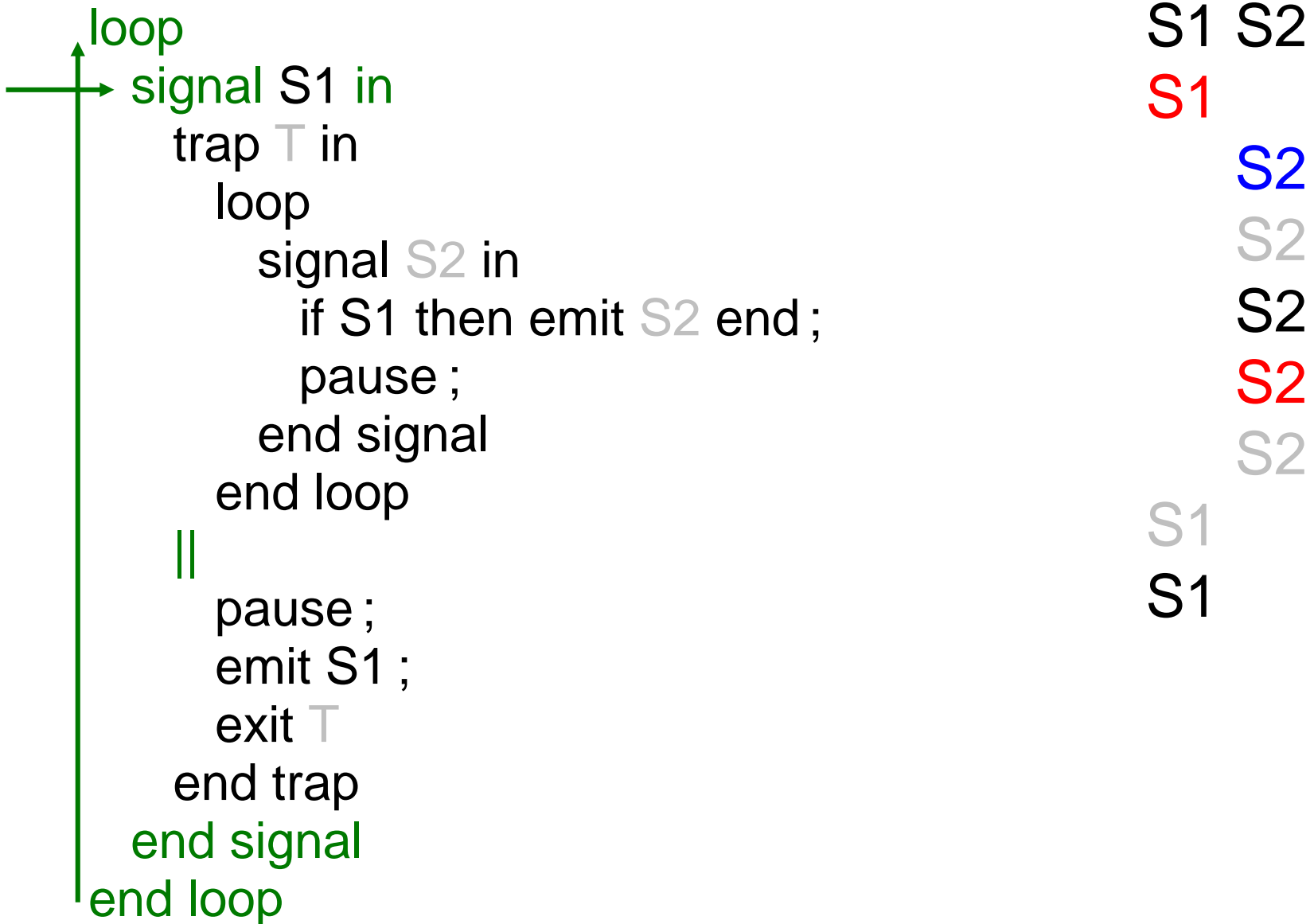
Instant 2h : sortie de trappe, S2 plus visible



Instant 2i : S1 plus visible



Instant 2j : rebouclage, S1 inconnu



Instant 2k : S1 absent car non émissibile

```

loop
  signal S1 in
    trap T in
      loop
        signal S2 in
          if S1 then emit S2 end ;
          pause ;
        end signal
      end loop
    end trap
  end signal
end loop

```

→ ||
 → pause ;
~~emit S1 ;~~
 exit T



Instant 21 : S2 inconnu

```
loop
  signal S1 in
  → trap T in
    loop
      → signal S2 in
        if S1 then emit S2 end;
        pause ;
      end signal
    end loop
  ||
  pause ;
  emit S1 ;
  exit T
end trap
end signal
end loop
```

S1	S2
S1	
	S2
	S2
	S2
	S2
	S2
S1	
S1	
S1	
	S2

Instant 2m : S2 absent car non émissibile

```
loop
  signal S1 in
    trap T in
      loop
        → signal S2 in
          if S1 then emit S2 end ;
          pause ;
        end signal
      end loop
    ||
    pause ;
    emit S1 ;
    exit T
  end trap
end signal
end loop
```

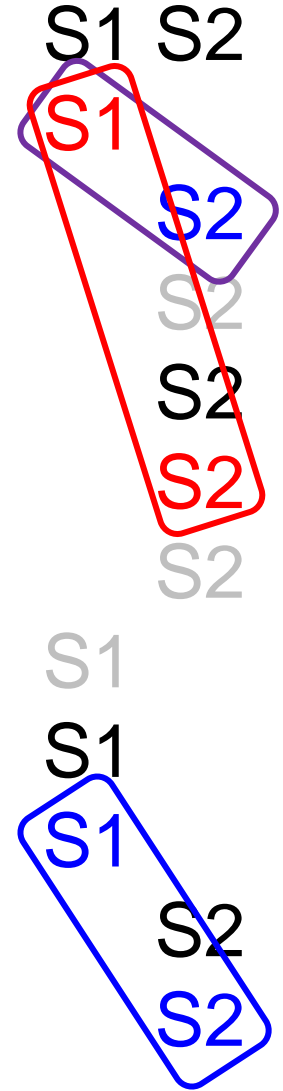
S1 S2
S1
S2
S2
S2
S2
S2
S1
S1
S1
S2
S2

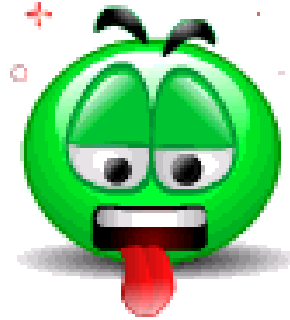
Instant 2o: c'est fini !

```
loop
  signal S1 in
    trap T in
      loop
        signal S2 in
          if S1 then emit S2 end;
          → pause ;
        end signal
      end loop
    ||
    pause ;
    emit S1 ;
    exit T
  end trap
end signal
end loop
```



Deux S1, trois S2
trois combinaisons,
S2 doublement schizo !





D'accord, c'est du boulot, mais du boulot d'ordinateur !

La bonne nouvelle :
tout cela reste parfaitement sain, car
les réallocations **se suivent strictement
sans jamais interférer entre elles !**

Agenda

1. Pourquoi une étude spéciale des boucles
2. Un programme schizophrène
3. Un programme doublement schizophrène
4. Traiter la schizophrénie par duplication du corps

Traiter la schizophrénie par duplication du corps

loop p end \approx loop p ; p end

```
loop
  signal S in
    if S then emit O end
    pause ;
    emit S
  end signal ;
end loop
```

\approx

```
loop
  signal S in
    if S then emit O end
    pause ;
    emit S
  end signal ;
  signal S in
    if S then emit O end
    pause ;
    emit S
  end signal
end loop
```

Instant 1 : S^0 , O absents car non émissible

```
loop p end ≈ loop p ; p end
```

```
→ loop  
  → signal  $S^0$  in  
    if  $S^0$  then emit  $O$  end  
    pause ;  
    emit  $S^0$   
  end signal ;  
  signal  $S^1$  in  
    if  $S^1$  then emit  $O$  end  
    pause ;  
    emit  $S^1$   
  end signal  
end loop
```

Instant 2a : S^0 présent car émis

loop p end \approx loop p ; p end

```
loop
→ signal  $S^0$  in
    if  $S^0$  then emit O end
    pause ;
→ emit  $S^0$ 
end signal ;
signal  $S^1$  in
    if  $S^1$  then emit O end
    pause ;
    emit  $S^1$ 
end signal
end loop
```

Instant 2a : S^0 présent car émis

loop p end \approx loop p ; p end

```
loop
→ signal  $S^0$  in
    if  $S^0$  then emit O end
    pause;
    emit  $S^0$ 
→ end signal;
    signal  $S^1$  in
        if  $S^1$  then emit O end
        pause;
        emit  $S^1$ 
    end signal
end loop
```

Instant 2b : S^0 plus visible, S^1 inconnu

loop p end \approx loop p ; p end

```
loop
  → signal  $S^0$  in
    if  $S^0$  then emit O end
    pause;
    emit  $S^0$ 
  end signal;
  → signal  $S^1$  in
    if  $S^1$  then emit O end
    pause;
    emit  $S^1$ 
  end signal
end loop
```

Instant 2b : S^1 , O absents, fin de l'instant

loop p end \approx loop p ; p end

loop

signal S^0 in

if S^0 then emit O end

pause ;

emit S^0

end signal ;

→ signal S^1 in

if S^1 then emit O end

→ pause ;

emit S^1

end signal

end loop

Instant 3a : S^1 présent car émis

loop p end \approx loop p ; p end

loop

signal S^0 in

if S^0 then emit O end

pause ;

emit S^0

end signal ;

→ signal S^1 in

if S^1 then emit O end

→ pause ;

emit S^1

end signal

end loop

Instant 3a : S^1 présent car émis

loop p end \approx loop p ; p end

loop

signal S^0 in

if S^0 then emit O end

pause ;

emit S^0

end signal ;

→ signal S^1 in

if S^1 then emit O end

pause ;

emit S^1

→ end signal

end loop

Instant 3b : S^1 invisible, boucle, S^0 inconnu

loop p end \approx loop p ; p end

```
loop
  → signal S0 in
    if S0 then emit O end
    pause ;
    emit S1
  end signal ;
  signal S1 in
    if S1 then emit O end
    pause ;
    emit S1
  end signal
→ end loop
```

Instant 3b : S^0 , O absents, fin de l'instant

loop p end \approx loop p ; p end

```
loop
  signal  $S^0$  in
  → if  $S^0$  then emit O end
     pause;
     emit  $S^0$ 
  end signal;
  signal  $S^1$  in
    if  $S^1$  then emit O end
    pause;
    emit  $S^1$ 
  end signal
end loop
```

Résout le problème, en théorie

- Solution simple, qui marche aussi pour le parallèle

Mais ne fonctionne pas en pratique :
imbrication de boucles, signaux et parallèles
⇒ explosion exponentielle du code !

Mais danger : explosion exponentielle !

```
loop
  signal S1 in
    loop
      signal S2 in
        loop
          signal S3 in
            ...
          end signal
        end loop
      end signal
    end signal
  end signal
end loop
```

```
loop
  signal S1 in
    loop
      signal S2 in
        loop
          signal S3 in
            ...
          end signal ;
          signal S3 in
            ...
          end signal ;
        end loop
      end signal
    end signal
  end signal
end loop
```

Mais danger : explosion exponentielle !

```
loop
  signal S1 in
    loop
      signal S2 in
        loop
          signal S3 in
            ...
          end signal
        end loop
      end signal
    end signal
  end signal
end loop
```

```
loop
  signal S1 in
    loop
      signal S2 in
        loop
          signal S3 in
            ...
          end signal ;
          signal S3 in
            ...
          end signal ;
        end loop
      end signal ;
    end signal ;
  signal S2 in
    loop
      signal S3 in
        ...
      end signal ;
      signal S3 in
        ...
      end signal ;
    end loop
  end signal
end signal
end loop
```

Mais danger : explosion exponentielle !

```
loop
  signal S1 in
    loop
      signal S2 in
        loop
          signal S3 in
            ...
          end signal
        end loop
      end signal
    end loop
  end signal
end loop
```

```
loop
  signal S1 in
    loop
      signal S2 in
        loop
          signal S3 in
            ...
          end signal ;
          signal S3 in
            ...
          end signal ;
        end loop
      end signal ;
      signal S2 in
        loop
          signal S3 in
            ...
          end signal ;
          signal S3 in
            ...
          end signal ;
        end loop
      end signal
    end signal
  end signal
end loop
```

Agenda

1. Pourquoi une étude spéciale des boucles
2. Un programme schizophrène
3. Un programme doublement schizophrène
4. Traiter la schizophrénie par duplication du corps
5. Plus efficace : réincarner la surface des boucles

Un traitement efficace

Pour traiter de dédoublement de la personnalité
des signaux et parallèles (**schizophrénie**),
comprendre la théorie et la pratique
de leurs **réincarnations** !

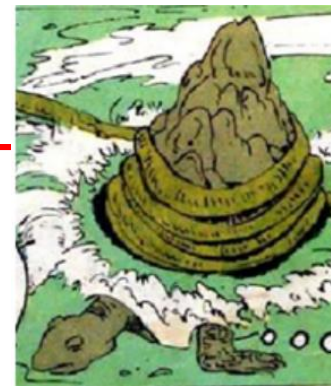
Instant 2 : les deux incarnations

Un programme banal :

```
output O ;  
loop  
  signal S in  
    if S then emit O end ;  
    pause ;  
    emit S  
  end signal  
end loop
```



Matsya



Kurma

Surface et profondeur d'une instruction

```
output O ;
```

```
loop
```

```
  signal S in
```

```
    if S then emit O end ;
```

```
    pause ;
```

```
    emit S
```

```
  end signal
```

```
end loop
```

surface : ce qui est accessible instantanément à partir du début de l'instruction

profondeur : le reste, là où sont les pauses des \hat{p}

Surface instantanée, profondeur longue

```
signal S in
```

```
  if S then emit O end ;
```

```
  emit X
```

```
  pause ;
```

```
  emit S ;
```

```
  pause ;
```

```
  pause ;
```

```
  emit S
```

```
end signal
```

surface et profondeur peuvent s'interpénétrer

```
signal S in
  if S then
    emit O
  else
    pause
  end ;
  emit X
  pause ;
  emit S ;
  pause ;
  pause ;
  emit S
end signal
```

Pas de souci particulier



zone mixte :
accessible soit du emit O,
soit du pause

Tardieu-v1 : supprimer la boucle

```
output O ;
```

```
signal S in  
  if S then emit O end ;
```

```
1 : pause ;
```

```
  emit S
```

```
end signal ;
```

```
signal S in  
  if S then emit O end ;
```

```
  gotopause 1 ;
```

```
end signal ;
```

Evite la duplication de la profondeur

Tardieu-v1 : supprimer la boucle

```
output O ;  
signal S in  
  if S then emit O end ;  
  1 : pause ;  
  emit S  
end signal ;  
signal S in  
  if S then emit O end ;  
  gotopause 1 ;  
end signal ;
```



Matsya



Kurma

Evite la duplication de la profondeur

Tardieu-v2 : dupliquer la surface en tête

```
output O ;
```

```
signal S in
```

```
  if S then emit O end ;
```

```
  gotopause 1;
```

```
end signal ;
```

```
loop
```

```
  signal S in
```

```
    if S then emit O end ;
```

```
    1 : pause ;
```

```
    emit S
```

```
  end signal
```

```
end loop
```


Tardieu-v2 : dupliquer la surface en tête

output **O** ;

signal **S** in

if **S** then emit **O** end ;

gotopause **1** ;

end signal ;

loop

signal **S** in

if **S** then emit **O** end ;

1 : pause ;

emit **S**

end signal

end loop



Matsya



Kurma

Répliquer la surface → expansion quadratique

```
loop
  signal S1 in
    loop
      signal S2 in
        loop
          signal S3 in
            surface
            profondeur
          end signal
        end loop
      end loop
    end loop
  end signal
end loop
```

```
signal S1 in
  signal S2 in
    signal S3 in
      surface [g/p]
    end signal
  end signal
end signal ;

loop signal S1 in
  signal S2 in
    signal S3 in
      surface [g/p]
    end signal
  end signal ;
  loop signal S2 in
    signal S3 in
      surface [g/p]
    end ;
    loop signal S3 in
      surface ;
      profondeur
    end end
  end end
end end
```

$$1 \times S1 + 2 \times S2 + 3 \times S3 + \dots + n \times Sn \approx n^2$$

Tardieu : les résultats

- v1, supprimer la boucle : simple
- v2 : réincarner en tête : mieux optimisable
- Les deux méthodes sont quadratiques 😊
- Inconvénient : modifient et allongent le code source (debug...)

Thèse d'Olivier Tardieu :
présentation algébrique élégante
+ optimisations subtiles et élégantes

Agenda

1. Pourquoi une étude spéciale des boucles
2. Un programme schizophrène
3. Un programme doublement schizophrène
4. Traiter la schizophrénie par duplication du corps
5. Plus efficace : réincarner la surface des boucles
6. Indexer les incarnations

Ne pas dupliquer le LCI (Long Code Instantané)

loop

```
LCI ;  
signal S in  
  Surface ;
```

```
  Profondeur  
end signal
```

end loop

```
LCI ;  
signal S in  
  Surface [gotopause]  
end signal ;
```

loop

```
LCI  
signal S in  
  Surface ;
```

```
  Profondeur  
end signal
```

end loop

LCI n'est pas schizophrène,
il ne faut pas le dupliquer !

GB : étiqueter le source

```
output O ;  
pmax loop  
/0 LCI1 ;  
/1 signal S in  
0/1 if S then emit O end ;  
    pause ;  
1/1 emit S  
/0 end signal ;  
    LCI2  
end loop
```

surface = 0/1
profondeur = 1/1

La schizophrénie n'est pas due à la boucle seule,
mais à l'interaction loop / signal (ou loop / ||) !

Les index d'incarnations

- Paire d'entiers l/d avec $l \leq d$
- l : niveau d'incarnation (*level*)
- d : niveau de profondeur (*depth*)
- $l = 0..d-1$: **surfaces** de plus en plus profondes
- $l = d$: **profondeur**
- **push** (l/d) = $l/(d+1)$
exemples : **push** ($1/3$) = $1/4$, **push** ($3/3$) = $3/4$
- **pop** (l/d) = $\min(l, d-1)/d-1$
exemples : **pop** ($1/3$) = $1/2$, **pop** ($2/3$) = **pop** ($3/3$) = $2/2$
- **prof** (l/d) = d/d

GB : étiquetage de la surface

pmax
/0

output **O**^{0/0} ;

loop^{0/0}

LCI1^{0/0 ; 0/0}

signal^{0/0} **S**^{0/1} in

if^{0/1} **S**^{0/1} then emit^{0/1} **O**^{0/0} end^{0/1 ; 0/1}

^{0/1}pause ;

emit **S**

end signal ;

LCI2

end loop

push(0/0)



Matsya

/1

/0

GB : étiquettes de reprise $\rightarrow prof(0/1) = 1/1$

pmax
/0

output $O^{0/0}$;

loop^{0/0}

LCI1^{0/0} ; 0/0

signal^{0/0} $S^{0/1,1/1}$ in

if^{0/1} $S^{0/1}$ then emit^{0/1} $O^{0/1}$ end^{0/1} ; 0/1

^{0/1} pause^{1/1} ; 1/1

emit $S^{1/1}$

end signal^{0/0} ; 0/0

LCI2^{0/0}

end loop^{0/0}

prof(0,1)



Kurma

/1

/0

pop(1,1)



Pas de duplication des LCI

GB : cacher la profondeur dans *pmax*

pmax

/0

/1

/0

```
output O0 ;
```

```
loop0
```

```
LCI10 ; 0
```

```
signal0 S0,1 in
```

```
if0 S0 then emit0 O0 end0 ; 0
```

```
pause1 ; 1
```

```
emit S1
```

```
end signal0 ; 0
```

```
LCI20
```

```
end loop0
```



Matsya



Kurma



Pas de duplication des LCI

Instant1, 0/0

```
pmax output O0;                                     S0 S1
/0 loop0
    LCI10;0
    signal0 S0,1 in
        /1 if0 S0 then emit0 O0 end ;0
            0pause1;1
            emit1 S1
        /0 end signal0;0
    LCI20
end loop0
```

Instant 2a, reprise avec 1/1

pmax
/0

output O^0 ;

loop⁰

LCI1⁰ ;⁰

signal⁰ $S^{0,1}$ in

if⁰ S^0 then emit⁰ O^0 end ;⁰

pause¹ ;¹

emit¹ S^1

end signal⁰ ;⁰

LCI2⁰

end loop⁰

S^0 S^1
 S^1

/1

/0

S^1 présent

Instant 2b : sortie du signal, $pop(1/1)=0/0$

```
pmax  output O0 ;
/0    loop0
      LCI10 ;0
      signal0 S0,1 in
/1    if0 S0 then emit0 O0 end ;0
      pause0 se1 ;1
      emit1 S1
/0    end signal0 ;0
      LCI20
      end loop0
```

S⁰ S¹
S¹
S⁰

Rebouclage, 0/0

```
pmax output O0 ;  
/0 loop0  
    LCI10 ;0  
    signal0 S0,1 in  
        /1 if0 S0 then emit0 O0 end ;0  
            pause1 ;1  
            emit1 S1  
        /0 end signal0 ;0  
    LCI20  
end loop0
```

S⁰ S¹
S¹
S⁰
S⁰

clef : S⁰ ≠ S¹

Agenda

1. Pourquoi une étude spéciale des boucles
2. Un programme schizophrène
3. Un programme doublement schizophrène
4. Traiter la schizophrénie par duplication du corps
5. Plus efficace : réincarner la surface des boucles
6. Indexer les incarnations
7. Observer la guérison du pire des cas

```

output S1andS2, S1andnS2, nS1andS2, nS1andnS2 ;
loop
  trap T1 in
    signal S1 in
      pause ; emit S1 ; exit T1
    ||
    loop
      trap T2 in
        signal S2 in
          pause ; emit S2 ; exit T2
        ||
        loop
          if
            case (S1 and S2) do emit S1andS2
            case (S1 and not S2) do emit S1andnS2
            case (not S1 and S2) do emit nS1andS2
            case (not S1 and not) S2 do emit nS1andnS2
          end if ;
          pause
        end loop
      end signal
    end trap
  end loop
end signal
end trap
end loop

```



```

/0 output S1andS2, S1andnS2, nS1andS2, nS1andnS2 ;
loop
  trap T1 in
/1 signal S1 in
    pause ; emit S1 ; exit T1
  ||
  loop
/2 trap T2 in
    signal S2 in
      pause ; emit S2 ; exit T2
    ||
    loop
      if
        case (S1 and S2) do emit S1andS2
        case (S1 and not S2) do emit S1andnS2
        case (not S1 and S2) do emit nS1andS2
        case (not S1 and not) S2 do emit nS1andnS2
      end if ;
      pause
/1 end loop
    end signal
  end trap
/0 end loop
end loop

```

```

/0 output S1andS20, S1andnS20, nS1andS20, nS1andnS20;
loop
  trap T10 in
/1   signal S10,1 in
      pause; emit S10,1; exit T10
      ||
      loop
/2   trap T20,1 in
      signal S20,1,2 in
          pause; emit S20,1,2; exit T20,1
          ||
          loop
              if
                  case (S10,1 and S20,1,2) do emit S1andS20
                  case (S10,1 and not S20,1,2) do emit S1andnS20
                  case (not S10,1 and S20,1,2) do emit nS1andS20
                  case (not S10,1 and not S20,1,2) do emit nS1andnS20
                  end if;
                  pause
              end loop
          end signal
      end trap
  end loop
end signal
/0 end trap
end loop

```

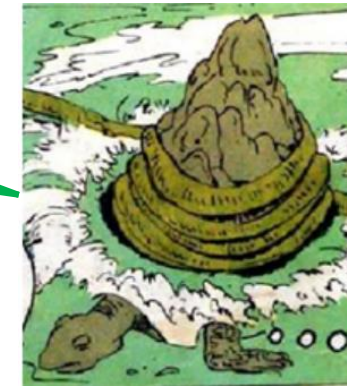
```

/0 output S1andS20, S1andnS20, nS1andS20, nS1andnS20;
loop
  trap T10 in
/1   signal S10,1 in
      pause; emit S10,1; exit T10
    ||
    loop
/2     trap T20,1 in
        signal S20,1,2 in
          pause; emit S20,1,2; exit T20,1
        ||
        loop
          if
            case (S10,1 and S20,1,2) do emit S1andS20
            case (S10,1 and not S20,1,2) do emit S1andnS20
            case (not S10,1 and S20,1,2) do emit nS1andS20
            case (not S10,1 and not S20,1,2) do emit nS1andnS20
          end if;
          pause
        end loop
      end signal
    end trap
  end loop
end signal
end trap
end loop

```



Matsya=0



Kurma=1



Varaha=2

```

/0  output S1andS20, S1andnS20, nS1andS20, nS1andnS20;
    loop0
        trap0 T10 in
/1  → signal0 S10,1 in
    → 0pause; emit S10,1; exit T10
    → ||0
    → loop0
        trap0 T20,1 in
/2  → signal0 S20,1,2 in
    → 0pause; emit S20,1,2; exit T20,1
    → ||0
    → loop0
        → if0
            case (S10,1 and S20,1,2) do emit S1andS20
            case (S10,1 and not S20,1,2) do emit S1andnS20
            case (not S10,1 and S20,1,2) do emit nS1andS20
            case (not S10,1 and not S20,1,2) do emit nS1andnS20
            end if ;
            pause
        end loop
    end signal
end trap
end loop
/0  end signal
end trap
end loop

```

instant 1a
index 0/0,0/1 et 0/2
quid du if ?

```

/0 output S1andS20, S1andnS20, nS1andS20, nS1andnS20;
loop0
  trap0 T10 in
/1   signal0 S10,1 in
      0pause; emit S10,1; exit T10
      ||0
      loop0
/2   trap0 T20,1 in
      signal0 S20,1,2 in
          0pause; emit S20,1,2; exit T20,1
          ||0
          loop0
            if0
              case (S10,1 and S20,1,2) do emit S1andS20
              case (S10,1 and not S20,1,2) do emit S1andnS20
              case (not S10,1 and S20,1,2) do emit nS1andS20
              case (not S10,1 and not S20,1,2) do emit nS1andnS20
            end if0;
          end loop
        end signal
      end trap
    end loop
  end signal
end trap
end loop

```

instant 1b
 S1⁰, S2⁰ absents
 ⇒ nS1andnS2⁰
 fin de l'instant



```

/0  output S1andS20, S1andnS20, nS1andS20, nS1andnS20;
    loop0
      trap0 T10 in
/1    signal0 S10,1 in
    → 0pause1; emit S10,1; exit T10
      ||0,1
      loop0
        trap0 T20,1 in
/2    signal0 S20,1,2 in
    → 0pause2; emit S20,1,2; exit T20,1
      ||0
      loop0
        if0
          case (S10,1 and S20,1,2) do emit S1andS20
          case (S10,1 and not S20,1,2) do emit S1andnS20
          case (not S10,1 and S20,1,2) do emit nS1andS20
          case (not S10,1 and not S20,1,2) do emit nS1andnS20
        end if0;
    → 0pause2
      end loop
    end signal
  end trap
end loop
/0  end signal
    end trap
end loop

```

instant 2a
 reprise des pause
 index 1/1 = prof(0/1)
 et 2/2 = prof(0/2)

```

/0  output S1andS20, S1andnS20, nS1andS20, nS1andnS20;
    loop0
        trap0 T10 in
/1    signal0 S10,1 in
    → 0pause1; emit1 S10,1; exit T10
        ||0,1
        loop0
            trap0 T20,1 in
/2    signal0 S20,1,2 in
        0pause2; emit S20,1,2; exit T20,1
            ||0
            loop0
                if0
                    case (S10,1 and S20,1,2) do emit S1andS20
                    case (S10,1 and not S20,1,2) do emit S1andnS20
                    case (not S10,1 and S20,1,2) do emit nS1andS20
                    case (not S10,1 and not S20,1,2) do emit nS1andnS20
                    end if0;0
                    0pause2
                end loop
            end signal
        end trap
    end loop
end signal
/0  end trap
end loop

```

instant 2b,
branche 1 index 1/1
émission de S1¹

```

/0 output S1andS20, S1andnS20, nS1andS20, nS1andnS20;
loop0
  trap0 T10 in
/1   signal0 S10,1 in
      pause1; emit1 S10,1; exit T10
      ||0,1
      loop0
        trap0 T20,1 in
/2         signal0 S20,1,2 in
            → pause2; emit2 S20,1,2; exit T20,1
            ||0
            loop0
              if0
                case (S10,1 and S20,1,2) do emit S1andS20
                case (S10,1 and not S20,1,2) do emit S1andnS20
                case (not S10,1 and S20,1,2) do emit nS1andS20
                case (not S10,1 and not S20,1,2) do emit nS1andnS20
              end if0;
              pause2
            end loop
          end signal
        end trap
      end loop
    end signal
  end trap
end loop

```

instant 2c,
 branche 2 index 2/2
 émission de S2²


```

/0 output S1andS20, S1andnS20, nS1andS20, nS1andnS20;
loop0
  trap0 T10 in
/1   signal0 S10,1 in
      0pause1; emit1 S10,1; exit T10
      ||0,1
      loop0
        trap0 T20,1 in
/2   signal0 S20,1,2 in
      0pause2; emit2 S20,1,2; exit T20,1
      ||0,2
      loop0,2
        if0,2
          case (S10,1 and S20,1,2) do emit S1andS20
          case (S10,1 and not S20,1,2) do emit S1andnS20
          case (not S10,1 and S20,1,2) do emit nS1andS20
          case (not S10,1 and not S20,1,2) do emit nS1andnS20
          end if0;
        0pause2
      end loop2
/1   end signal
      end trap
      end loop
/0   end signal
      end trap
end loop

```

instant 2d,
 branche 3 index 2/2
 rebouclage
 quid du if ?



```

/0 output S1andS20, S1andnS20, nS1andS20, nS1andnS20;
loop0
  trap0 T10 in
/1   signal0 S10,1 in
      pause1; emit1 S10,1; exit T10
      ||0,1
      loop0
        trap0 T20,1 in
/2   signal0 S20,1,2 in
      pause2; emit2 S20,1,2; exit T20,1
      ||0,2
      loop0,2
        if0,2
          → case (S10,1 and S20,1,2) do emit S1andS20
             case (S10,1 and not S20,1,2) do emit S1andnS20
             case (not S10,1 and S20,1,2) do emit nS1andS20
             case (not S10,1 and not S20,1,2) do emit nS1andnS20
          end if0,2;
          → pause0,2
        end loop2
      end signal
    end trap
  end loop
end signal
/0 end trap
end loop

```

instant 2e,
 if en 2/2
 S1¹ et S2² présents
 ⇒ S1andS2⁰
 et pause

```

/0 output S1andS20, S1andnS20, nS1andS20, nS1andnS20;
loop0
  trap0 T10 in
/1   signal0 S10,1 in
      0pause1; emit1 S10,1; exit T10
      ||0,1
      loop0
        trap0 T20,1 in
/2   signal0 S20,1,2 in
       0pause2; emit2 S20,1,2; exit2 T20,1
      ||0,2
      loop0,2
        if0,2
          case (S10,1 and S20,1,2) do emit S1andS20
          case (S10,1 and not S20,1,2) do emit S1andnS20
          case (not S10,1 and S20,1,2) do emit nS1andS20
          case (not S10,1 and not S20,1,2) do emit nS1andnS20
          end if0,2; -0,2
          0,2pause2
        end loop2
      end signal
/1    end trap1
      end loop
/0   end signal
      end trap
    end loop

```

instant 2f,
 sortie de T2¹ (pop)
 mort de son corps

```

/0 output S1andS20, S1andnS20, nS1andS20, nS1andnS20;
loop0
  trap0 T10 in
/1   signal0 S10,1 in
      0pause1; emit1 S10,1; exit T10
      ||0,1
      loop0,1
        trap0,1 T20,1 in
/2   signal0,1 S20,1,2 in
      → 0,1pause2; emit2 S20,1,2; exit1 T20,1
      ||0,1,2
      → loop0,1,2
      → if0,1,2
          case (S10,1 and S20,1,2) do emit S1andS20
          case (S10,1 and not S20,1,2) do emit S1andnS20
          case (not S10,1 and S20,1,2) do emit nS1andS20
          case (not S10,1 and not S20,1,2) do emit nS1andnS20
          end if0,2; -0,2
          0,1pause2
        end loop
      end signal
    end trap1
  end loop1
end signal
end trap
end loop

```

instant 2g,
rebouclage
comme instant 1b
mais avec index 1

```

/0 output S1andS20, S1andnS20, nS1andS20, nS1andnS20;
loop0
  trap0 T10 in
/1   signal0 S10,1 in
      0pause1; emit1 S10,1; exit T10
      ||0,1
      loop0,1
        trap0,1 T20,1 in
/2   signal0,1 S20,1,2 in
      0,1pause2; emit2 S20,1,2; exit1 T20,1
      ||0,1,2
      loop0,1,2
        if0,1,2
          case (S10,1 and S20,1,2) do emit S1andS20
          → case (S10,1 and not S20,1,2) do emit S1andnS20
          case (not S10,1 and S20,1,2) do emit nS1andS20
          case (not S10,1 and not S20,1,2) do emit nS1andnS20
          end if0,2; 0,1,2
          → 0,1,2pause2
        end loop0,1,2
      end signal
    end trap1
  end loop1
end signal
/0 end trap
end loop

```

instant 2h,
S1¹ présent
S2¹ absent
⇒ **S1andnS2⁰**

```

/0  output S1andS20, S1andnS20, nS1andS20, nS1andnS20;
    loop0
        trap0 T10 in
/1    signal0 S10,1 in
    →  0pause1; emit1 S10,1; exit1 T10
        ||0,1
        loop0,1
            trap0,1 T20,1 in
/2    signal0,1 S20,1,2 in
        0,1pause2; emit2 S20,1,2; exit1 T20,1
            ||0,1,2
            loop0,1,2
                if0,1,2
                    case (S10,1 and S20,1,2) do emit S1andS20
                    case (S10,1 and not S20,1,2) do emit S1andnS20
                    case (not S10,1 and S20,1,2) do emit nS1andS20
                    case (not S10,1 and not S20,1,2) do emit nS1andnS20
                end if0,2; -0,1,2
                0,1,2pause2
            end loop0,1,2
        end signal
    end trap1
end loop1
/0  end signal
    → end trap0
end loop

```

instant 2i,
 sortie de T1⁰ (pop (1/1))
 mort de son corps
 sortie de signal S1 et S2

/0 output $S1andS2^0$, $S1andnS2^0$, $nS1andS2^0$, $nS1andnS2^0$;

```

loop0
  trap0 T10 in
/1   signal0 S10,1 in
      0pause1; emit1 S10,1; exit1 T10
      ||0,1
        loop0,1
          trap0,1 T20,1 in
/2     signal0,1 S20,1,2 in
        0,1pause2; emit2 S20,1,2; exit1 T20,1
        ||0,1,2
          loop0,1,2
            if0,1,2
              case (S10,1 and S20,1,2) do emit S1andS20
              case (S10,1 and not S20,1,2) do emit S1andnS20
              case (not S10,1 and S20,1,2) do emit nS1andS20
            0,1,2pause2
            end if0,2;
          end if0,2;
        end loop0,1,2
      end signal
    end trap1
  end loop1
end signal
end trap0
end loop0

```

instant 2j,
 rebouclage global,
 idem premier instant
 $S1^0$ et $S2^0$ absents
 $\Rightarrow nS1andnS2^0$

```

/0 output S1andS20, S1andnS20, nS1andS20, nS1andnS20;
loop0
  trap0 T10 in
/1   signal0 S10,1 in
      0pause1; emit1 S10,1; exit1 T10
      ||0,1
      loop0,1
/2     trap0,1 T20,1 in
        signal0,1 S20,1,2 in
          0,1pause2; emit2 S20,1,2; exit1 T20,1
          ||0,1,2
          loop0,1,2
            if0,1,2
              case (S10,1 and S20,1,2) do emit S1andS20
              case (S10,1 and not S20,1,2) do emit S1andnS20
              case (not S10,1 and S20,1,2) do emit nS1andS20
              case (not S10,1 and not S20,1,2) do emit nS1andnS20
            end if0,2; 0,1,2
            0,1,2pause2
          end loop0,1,2
        end signal
      end trap1
    end loop1
  end signal
end trap0
end loop0

```

instant 2j,
rebouclage global,
idem premier instant
S1⁰ et S2⁰ absents
⇒ nS1andnS2⁰



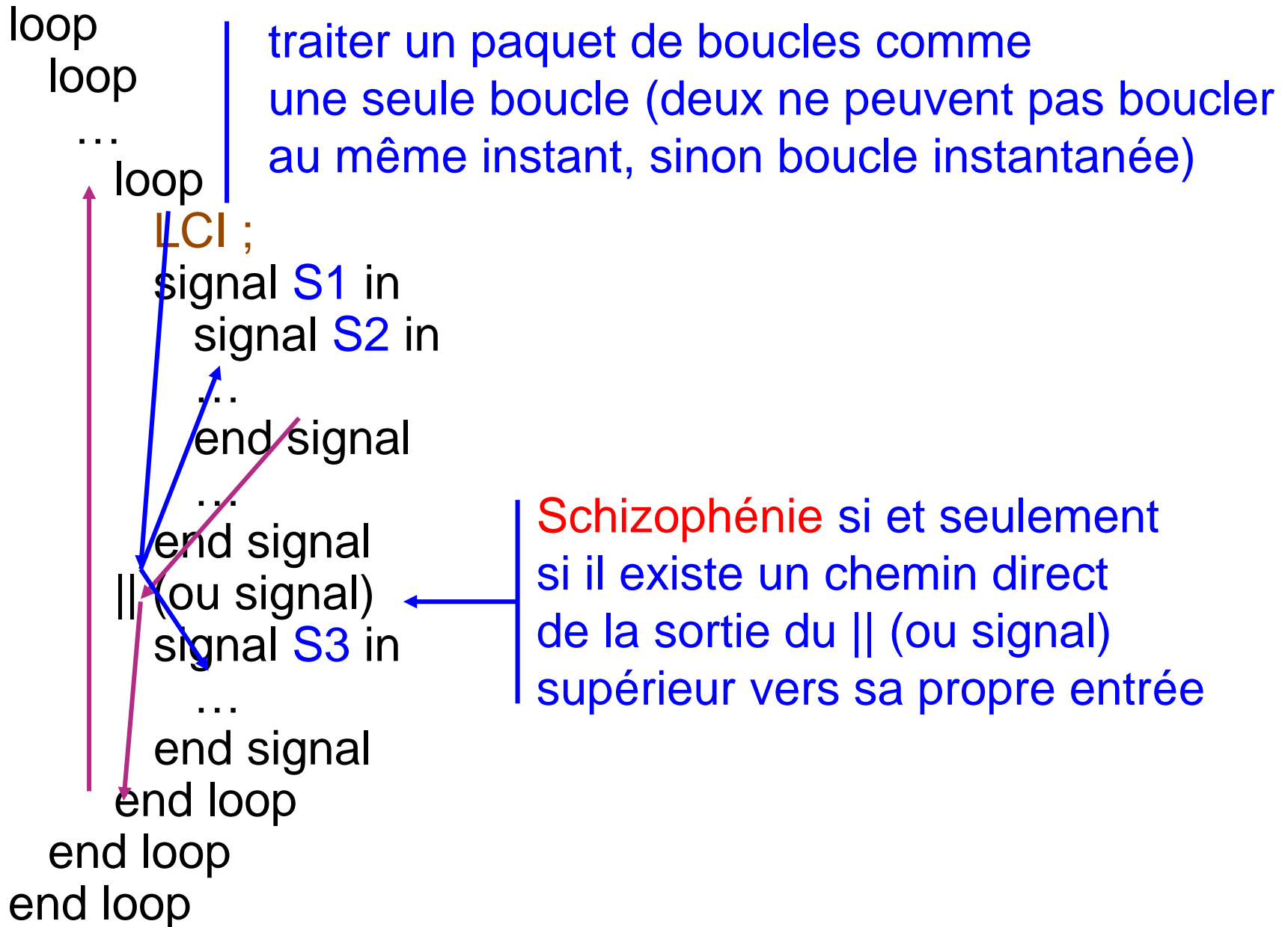
Agenda

1. Pourquoi une étude spéciale des boucles
2. Un programme schizophrène
3. Un programme doublement schizophrène
4. Traiter la schizophrénie par duplication du corps
5. Plus efficace : réincarner la surface des boucles
6. Indexer les incarnations
7. Observer la guérison du pire des cas
8. Optimisations
9. Tardieu fait il aussi bien en plus algébrique ?

Agenda

1. Pourquoi une étude spéciale des boucles
2. Un programme schizophrène
3. Un programme doublement schizophrène
4. Traiter la schizophrénie par duplication du corps
5. Plus efficace : réincarner la surface des boucles
6. Indexer les incarnations
7. Observer la guérison du pire des cas
8. Optimisations

Eviter les duplications inutiles



Eviter les duplications inutiles

Résultat : la duplication est **quasi-linéaire en pratique**
(indispensable pour les vrais programmes)



L'optimisation algébrique de Tardieu

$dup4(K, \text{nothing}) \stackrel{def}{=} \text{nothing}$

$dup4(K, \text{label:pause}) \stackrel{def}{=} \text{label:pause}$

$dup4(K, \text{exit } T) \stackrel{def}{=} \text{exit } T$

$dup4(K, \text{emit } S) \stackrel{def}{=} \text{emit } S$

$dup4(K, \text{present } \dots \text{ end}) \stackrel{def}{=} \text{present } S \text{ then } dup4(K, p) \text{ else } dup4(K, q) \text{ end}$

$dup4(K, \text{loop } p \text{ end}) \stackrel{def}{=} \text{loop } dup4(K \cup \{0\}, p) \text{ end}$

$dup4(K, \text{trap } T \text{ in } p \text{ end}) \stackrel{def}{=} \text{trap } T \text{ in } dup4(\{k \in \mathbb{N}, \downarrow k \in K\}, p) \text{ end}$

$dup4(K, p; q) \stackrel{def}{=} \left[\begin{array}{l} dup4(\text{if } K \cap \Gamma_q = \emptyset \text{ then } K \setminus \{0\} \text{ else } K \cup \{0\}, p); \\ dup4(\text{if } 0 \in \Gamma_p \text{ then } K \text{ else } \emptyset, q) \end{array} \right]$

$dup4(K, \text{signal } S \text{ in } p \text{ end}) \stackrel{def}{=} \left[\begin{array}{l} \text{if } K \cap \Omega_p = \emptyset \\ \text{then signal } S \text{ in } dup4(\emptyset, p) \text{ end} \\ \text{else } \left[\begin{array}{l} \text{signal } S \text{ in } surf(p) \text{ end;} \\ \text{skip}(\text{signal } S \text{ in } dup4(\emptyset, p) \text{ end}) \end{array} \right] \end{array} \right]$

$dup4(K, p \parallel q) \stackrel{def}{=} \left[\begin{array}{l} \text{if } K \cap \Omega_{p \parallel q} = \emptyset \\ \text{then } dup4(\emptyset, p) \parallel dup4(\emptyset, q) \\ \text{else } \{surf(p) \parallel surf(q)\}; \text{skip}(\{dup4(\emptyset, p) \parallel dup4(\emptyset, q)\}) \end{array} \right]$

Conjecture

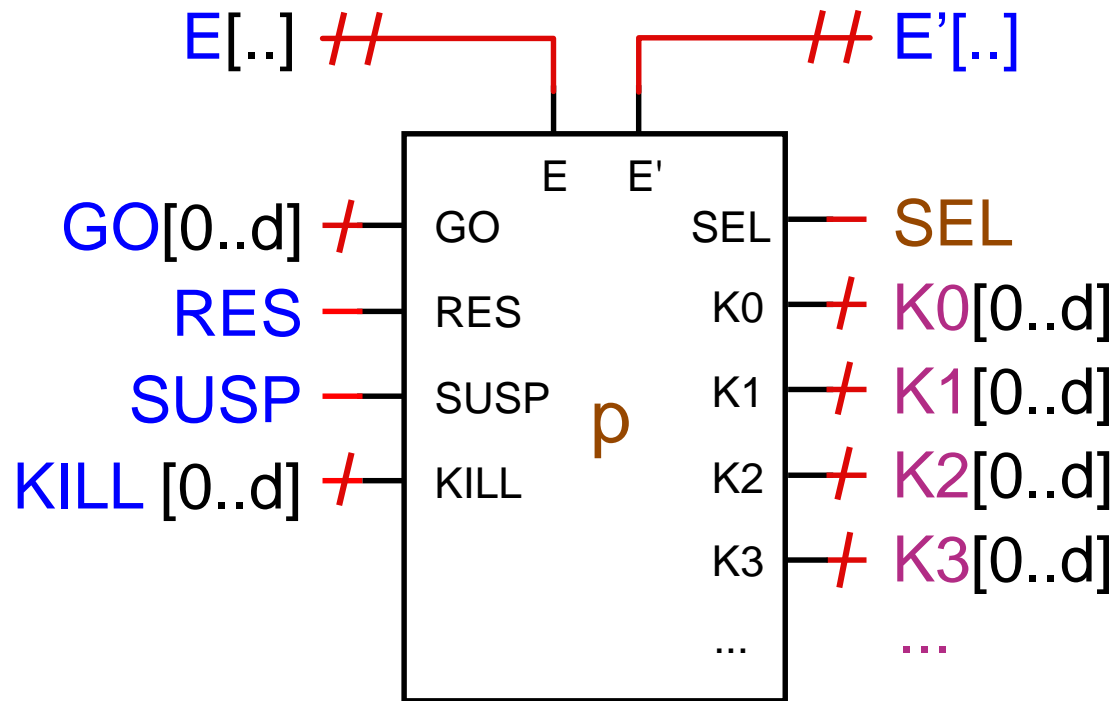
Les traitements de la schizophrénie par GB et Tardieu donnent **les mêmes duplications**

=> introduire les index d'incarnation dans **dup4** !

Agenda

1. Pourquoi une étude spéciale des boucles
2. Un programme schizophrène
3. Un programme doublement schizophrène
4. Traiter la schizophrénie par duplication du corps
5. Plus efficace : réincarner la surface des boucles
6. Indexer les incarnations
7. Observer la guérison du pire des cas
8. Optimisations
9. La réincarnation dans les circuits

Travailler avec des faisceaux de fils !



dans p | non schizophrène : [0..d]
 | **schizophrène** : [0..d+1]

Transformer les portes en vecteurs de portes

Cablage de faisceaux dans le cas p schizo

Pour X dans $GO, KILL, S$

push

$X[d..d] \rightarrow X_p[d..d+1] : X[i] \rightarrow X_p[i]$ pour tout $i \leq d$
 $X_p[d+1]$ non câblé

Pour Y dans les K_i

pop

$Y[0..d+1] \rightarrow Y_p[0..d] : Y[i] \rightarrow Y_p[i]$ pour tout $i \leq d$
 $Y[d+1] \rightarrow Y_p[d]$

Câblage final de pause

Pour X dans $GO, KILL, S$

push

$X[d..d] \rightarrow X_p[d..d+1] : X[i] \rightarrow X_p[i]$ pour tout $i \leq d$
 $X_p[d+1]$ non câblé

Pour Y dans les K_i

pop

$Y[0..d+1] \rightarrow Y_p[0..d] : Y[i] \rightarrow Y_p[i]$ pour tout $i \leq d$
 $Y[d+1] \rightarrow Y_p[d]$

Conclusion

- Traiter la schizophrénie est **indispensable** pour compiler des programmes de grande taille
- Les méthodes GB et Tardieu conduisent à des expansions **sublinéaires**, et sont peut-être identiques
- Et les optimisations BDD améliorent beaucoup les circuits, voir cours 6